Zusammenfassung: Computer-Algebra

Kapitel 1: Arbeiten mit Maxima

Was kann ein Computer-Algebra-System? (Stichworte: exaktes Rechnen mit Symbolen)
Arbeiten mit dem Werkzeug Maxima: nur passiv in Prüfung

Kapitel 2: Ganzzahlarithmetik

Darstellung ganzer Zahlen, logarithmisches Kostenmaß für die Algorithmen.
Basis-Algorithmen für Addition, Subtraktion und Multiplikation, Algorithmus von Karatsuba.
Teilen mit Rest, ~~Details der Implementierung des Schulalgorithmus~~, Idee und praktische Bedeutung des Verfahrens von Pope-Stein, ~~Details dazu~~,
Euklidischer Algorithmus (auch in erweiterter Form), Bedeutung für die Kryptographie
Anwendung der Ganzzahlarithmetik: Rationale Arithmetik (Bruchdarstellung, Kürzen)
von allem: Laufzeitabschätzungen (ohne exakte Beweise).

Zusammenfassung: Computer-Algebra

Kapitel 3: Modulare Arithmetik

Funktionsweise und Effizienz von Addition, Subtraktion, Multiplikation und Division mit Restklassen (Überblick)
Potenzieren, Radizieren und Logarithmieren: Definition, Beispiele, Effizienzbetrachtungen

Fiat-Shamir-Protokoll (Schwierigkeit des Wurzelziehens),
Diffie-Hellman-Schlüsselaustausch (Schwierigkeit des Logarithmierens)
~~Grundprinzip RSA~~

Kleiner Satz von Fermat
Rabin-Miller-Test ~~im Detail~~, Bedeutung des Verfahrens
~~AKS-Test: Idee und Bedeutung des Verfahrens~~

Kapitel 4: Polynomarithmetik

Darstellung von Polynomen, Einheitskostenmaß für die Algorithmen
Addition, Subtraktion, Schulmethode der Multiplikation
~~Karatsuba für Polynome~~
Schnelle Fouriertransformierte im Detail (mit Grundlagen der komplexen Zahlen)
Polynome über algebraischen Strukturen: Zusammenhang zwischen Z[x] und Q[x]

Zusammenfassung: Computer-Algebra

Kapitel 5: Polynomiale Gleichungssysteme

Algebraische Grundlagen dazu: Matrizen und Determinanten (wird nicht isoliert als Prüfungsaufgabe gestellt)
Sylvestermatrix und Resultante
~~Definition und algebraisches Grundverständnis: Was können wir als Lösung erwarten?~~
Lösung eines Gleichungssystems mit Resultanten und Faktorisierung bei der Rücksubstitution (hier wird erwartet, dass auch die algebraischen Grundlagen, s.o., explizit vorgeführt werden können)

Kapitel 6: Faktorisierung von Polynomen

Beschränkung auf $\mathbb{Z}$[x], Faktorisierung von Polynomen nach Kronecker
Effiziente quadratfreie Faktorisierung von Polynomen
Berlekamp-Algorithmus für $\mathbb{Z}_p$ (Funktionsweise, Beispiele, Grenzen(quadratfrei!))
~~Interpretation der Lösung in Matrixdarstellung~~
~~Quadratfreie Faktorisierung für Spezialfall a'(x) = 0, Begründung, warum der gebraucht wird~~
Polynomfaktorisierung mit der Zassenhaus-Schranke (der Schrankenwert selbst muss nicht auswendig gelernt werden, nur die Eigenschaften müssen bekannt sein): Schluss von $\mathbb{Z}_p$ auf $\mathbb{Z}$
~~Grundprinzip und Vorteil des Hensel-Liftings~~