

# ***Anwendungen der Künstlichen Intelligenz***

Sebastian Iwanowski  
FH Wedel

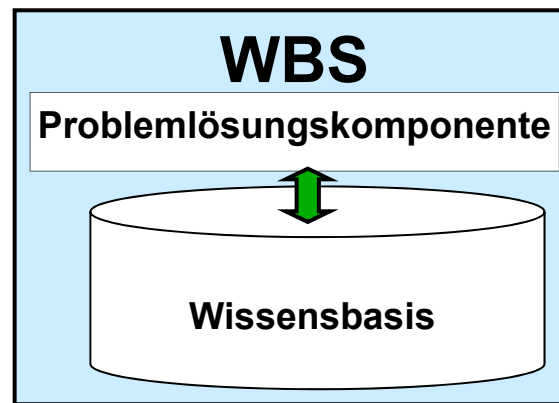
**Kap. 3:**  
KI-Algorithmik

# Suchstrategien

**Bedeutung von Suchstrategien für logisch formulierte Probleme:**

**Suche nach Lösung fürs Erfüllbarkeitsproblem**

**Bedeutung von Suchstrategien für Wissensbasierte Systeme:**



**Die Problemlösungskomponente muss fast immer ein Belegungsproblem für Constraints aus der Wissensbasis lösen !**

**➔ *All problem solvers search***

# Bsp. für wissensbasierte Suchmaschine: PROLOG

## PROLOG ist wissensbasiert:

- **Wissensbasis**

Fakten und Regeln, dynamisch erweiterbar

- **Inferenzmaschine**

Automatische Herleitung neuer Fakten und Regeln mit Resolution und Unifikation

- **Dialogkomponente**

**Eingabe:** Fragen

**Ausgabe:** yes / no, Angabe der Unifikation im Erfolgsfall, Write als „Seiteneffekt“

Yes: Das Prädikat der Frage folgt aus der Wissensbasis.

No: Das Prädikat der Frage folgt nicht aus der Wissensbasis.

*No impliziert nicht, dass das Prädikat als falsch abgeleitet werden kann.*

# **Anwendung: Das Stundenplanproblem (Scheduling)**

**Gegeben endliche Mengen Fächer, Räume, T(Zeiten)**

**Aufgabe: Generierung einer injektiven Funktion  $F \rightarrow R \times T$**

Nebenbedingungen:

- **Bestimmte Fächer dürfen nicht zur selben Zeit stattfinden**
- **Nicht jedes Fach darf zu jeder Zeit stattfinden**
- **Nicht jedes Fach darf in jedem Raum stattfinden**

Weiche Kriterien (dürfen verletzt werden):

- **Bestimmte Fächer sollen zu bestimmten Zeiten möglichst nicht stattfinden**
- **Bestimmte Fächer sollten möglichst hintereinander stattfinden**
- **Bestimmte Fächer sollten möglichst nicht am selben Tag stattfinden**

Optimierungsfunktion:

- **Möglichst wenige Verletzungen von weichen Kriterien**
- **Möglichst wenige Freistunden für Studiengänge**
- **Möglichst gleichmäßige Verteilung auf verschiedene Tage für ...**

# **Anwendung: Das Traveling Salesman Problem (TSP)**

**Gegeben:** Graph mit Knotenmenge  $V$  und bewerteten Kanten zwischen Knoten

**Aufgabe:** Finde Rundreise durch den Graphen,  
die alle Knoten mindestens einmal erreicht.

Nebenbedingungen:

- **Es dürfen nur Kanten des Graphen benutzt werden**

Optimierungsfunktion:

- **Möglichst geringe Gesamtbewertung**

## **Verallgemeinerung in Anwendungen der Logistik:**

Nebenbedingungen:

- **Aufnahme und Auslieferung von Gütern mit Beachtung der Ladekapazitäten**
- **Zeitfenster, wann welche Knoten erreicht werden dürfen**

Weiche Kriterien (dürfen verletzt werden):

- **Bestimmte Kanten sind zu vermeiden**
- **Bestimmte Zeitfenster sind ungünstig**

# **Anwendung: Das Problem des kürzesten Weges**

**Gegeben:** Graph mit Knotenmenge  $V$  und bewerteten Kanten zwischen Knoten

**Aufgabe:** Zu zwei ausgewählten Knoten  $S$  und  $T$ , finde einen Weg durch den Graphen.

Nebenbedingungen:

- **Es dürfen nur Kanten des Graphen benutzt werden**

Optimierungsfunktion:

- **Möglichst geringe Gesamtbewertung**

**Verallgemeinerung in Verkehrsanwendungen (ÖPNV oder Individualverkehr):**

Nebenbedingungen:

- **Kantenbewertungen sind zeitabhängig**
- **Reisender unterliegt Beschränkungen, die bestimmte Kanten individuell anders bewerten bzw. unbenutzbar machen.**

Weiche Kriterien (dürfen verletzt werden):

- **Bestimmte Kanten sind zu vermeiden**
- **Bestimmte Zeitfenster sind ungünstig**

# Constraint Satisfaction Problem (CSP)

## Spezifikation eines CSP:

- **Variablenmenge**
- **Definitionsbereiche (Domains)**
- **Constraints: Beziehungen zwischen den Variablen (hart oder weich)**  
(in der Regel Gleichungen oder Ungleichungen)
- **Optimierungskriterium**  
(in der Regel reellwertige Funktion in den Variablen, die minimiert oder maximiert werden soll )

## gültige Lösung:

Belegung aller Variablen mit Werten, sodass alle harten Constraints erfüllt sind

## optimale Lösung:

gültige Lösung, die das Optimierungskriterium optimiert

**Constraint Solver sind Programme, die zu einem spezifizierten CSP eine gültige oder sogar optimale Lösung finden.**

# Suchen in Suchgraphen

## 1. Suchmethode: Vervollständigung von Teillösungen

(Am Ende dieses Kapitels wird noch eine andere Suchmethode vorgestellt))

- **Knoten: beschreibt Zustand in der Suchdomäne**
  - **Zustand: Belegung von Variablen mit Werten**  
**Jeder Zustand hat eine Bewertung.**
- **Kante: Übergang von einem Zustand in einen Folgezustand**  
(in der Regel mit Richtung)
  - **Folgezustand: Belegung einer weiteren Variable mit einem Wert unter Beibehaltung der Werte für die bisher belegten Variablen**
- **Startknoten: Anfangszustand**  
(ist immer eindeutig)
  - **Startknoten: keine Variable hat einen Wert.**
- **Zielknoten: gewünschter Endzustand (Lösung des Problems)**  
(es darf mehrere geben)
  - **Zielknoten: Alle gewünschten Variablen haben zulässige Werte**



# Suchen in Suchgraphen

## Verschiedene Suchziele:

- 1) Irgendeine Lösung eines Problems finden bzw. herausfinden, dass es keine gibt.
  - 2) Weitere Lösungen finden bzw. herausfinden, dass es keine weiteren mehr gibt.
  - 3) Alle Lösungen finden
  - 4) Optimale Lösung finden bzw. möglichst gute Lösung finden.
- Expansion eines Knotens: Berechnung aller Folge- bzw. Nachbarknoten

Verschiedene Suchstrategien unterscheiden sich in:

**Welcher Knoten wird als nächstes expandiert ?**

Spezialfall:

- **Suchgraph ist Suchbaum**  
(Pfad vom Startknoten zu jedem Zielknoten ist eindeutig)

# Bsp. für Suchbäume in CSP

## Constraint-System:

- 1) ( $2 < x < 4$ )
- 2) ( $0 < y < 6$ )
- 3) ( $x + y > 7$ )
- 4) ( $x \cdot y < 10,5$ )

## Definitionsbereich für zulässige Lösungen:

$x, y \in \mathbf{Q}$ ,  
maximal k Stellen nach dem Komma

## Optimierungskriterium:

Minimiere  $|y - x|$

## Suchbaum:

- Jeder Knoten hat festen x- und y-Wert, Knoten können zulässig oder unzulässig sein, für jeden Knoten gibt es eindeutigen Wert für Optimierungsfunktion
- In Ebene i hat jeder x-Wert nur i Stellen nach dem Komma, der y-Wert ist nach Constraint 3) minimal dazu.

## Expansionsstrategien:

- Nur zulässige Knoten werden expandiert
- Es wird immer der rechteste zulässige Knoten expandiert
- ...

# Bsp. für Suchbäume in CSP

## Constraint-System:

- 1)  $(2 < x < 4)$
- 2)  $(0 < y < 6)$
- 3)  $(x + y > 7)$
- 4)  $(x \cdot y < 10,5)$

## Definitionsbereich für zulässige Lösungen:

$x, y \in \mathbf{Q}$ ,  
maximal  $k$  Stellen nach dem Komma

## Optimierungskriterium:

Minimiere  $|y - x|$

## Für festes $k$ :

- Suchraum endlich
- Mehrere zulässige Lösungen
- Immer genau 1 optimale Lösung

## Für $k$ unbeschränkt:

- Suchraum unendlich
- Unendlich viele zulässige Lösungen
- keine optimale Lösung

# Uninformierte Suchstrategien

Im allgemeinen ist nur *blinde (uninformierte) Suche* möglich:

Es gibt keine Information über günstige Suchrichtungen (das Ziel wird erst bei Erreichen erkannt)

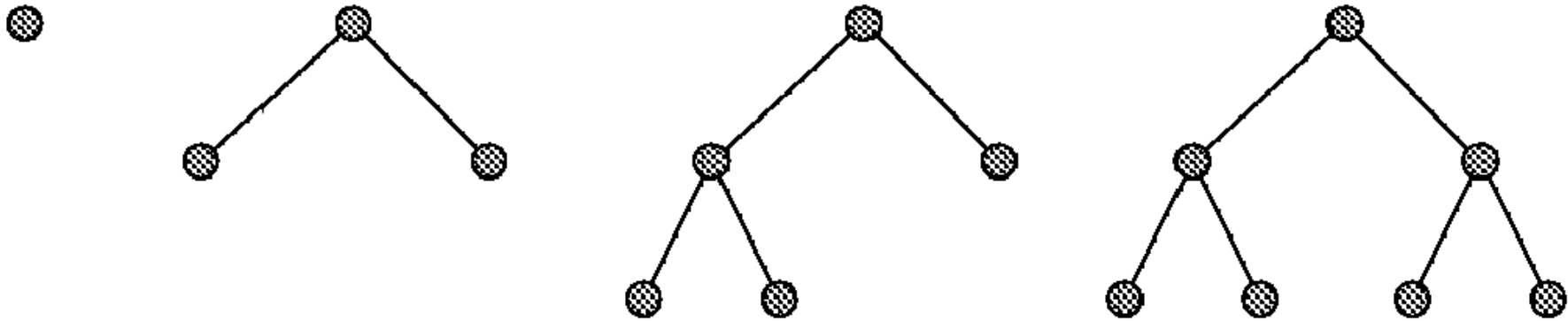
Die wichtigsten Suchstrategien:

1. Breitensuche (breadth-first-search)
2. Tiefensuche (depth-first-search)
3. Bestensuche (best-first-search)

Weitere Infos zum Thema Suchen: Seminarvortrag und Ausarbeitung von Sven Schmidt, SS 2005, Nr. 4  
<http://www.fh-wedel.de/archiv/iw/Lehrveranstaltungen/SS2005/SeminarKI.html>

# Uninformierte Suchstrategien

## Breitensuche (breadth-first-search):



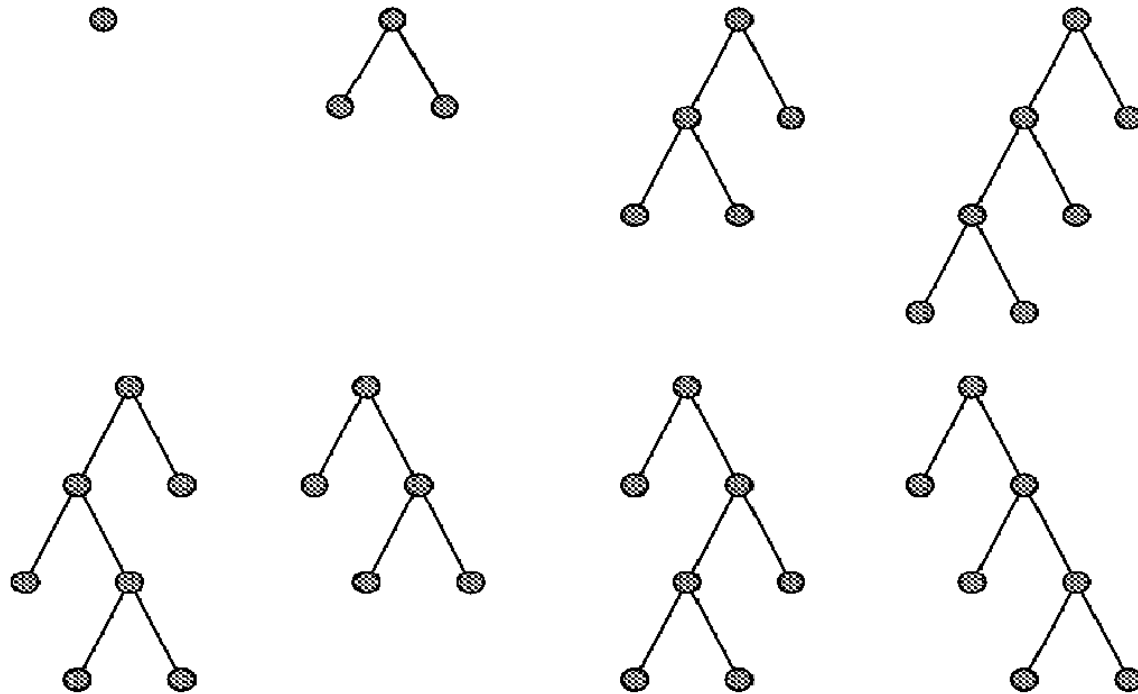
*Problemgröße: Tiefe des Suchbaums*

**Exponentieller** Aufwand für Zeit und Platz

**Für Suchprobleme in den meisten Fällen nicht relevant**

# Uninformierte Suchstrategien

## Tiefensuche (depth-first-search)



**Exponentieller** Aufwand für Zeit

*Problemgröße: Tiefe des Suchbaums*

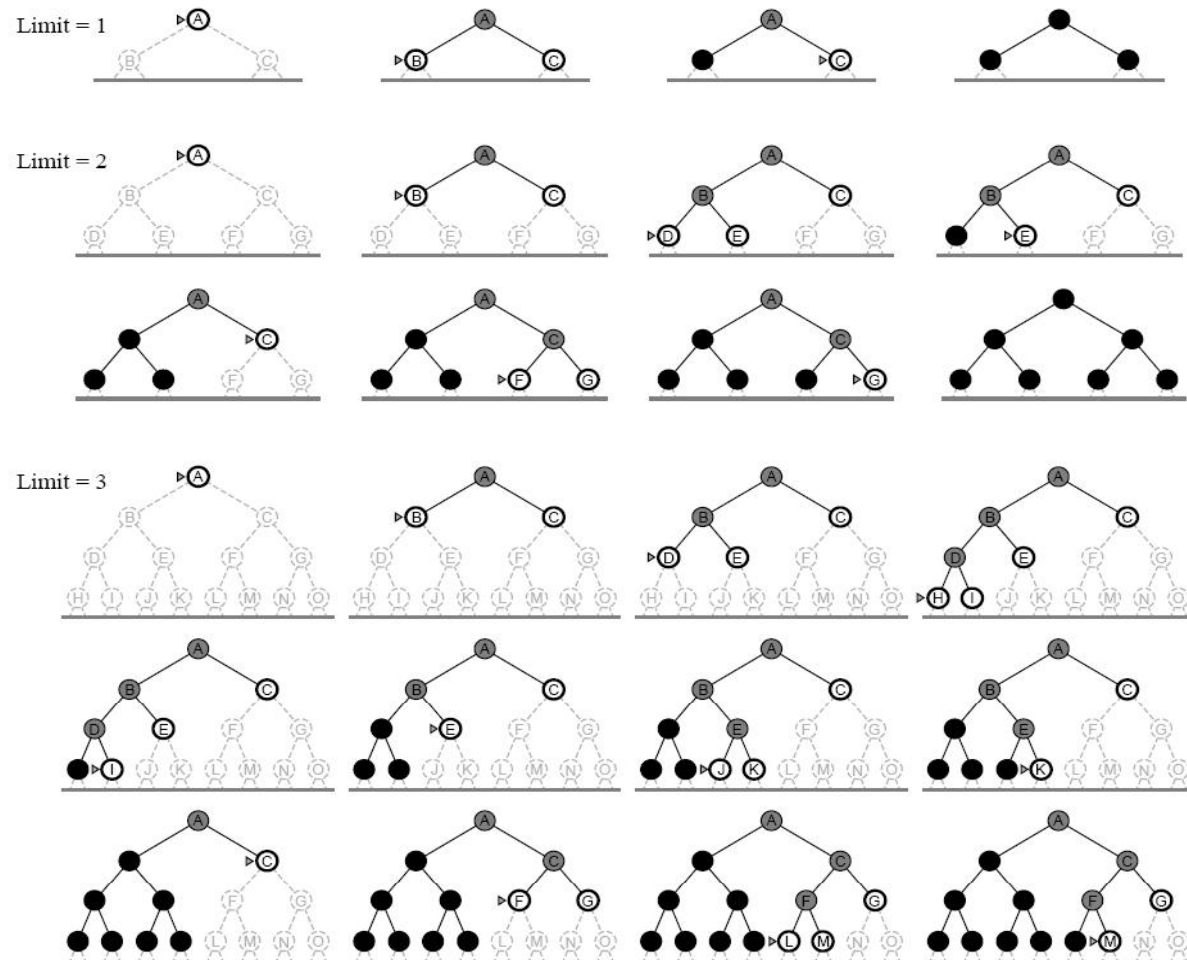
**Linearer** Aufwand für Platz

Der „Normalfall“ für allgemeine Suchprobleme

# Uninformierte Suchstrategien

## Beschränkte Tiefensuche

- Tiefensuche wird nur bis zu vorgegebener Suchtiefe durchgeführt.
- Bei Misserfolg kann die Suchtiefe nachträglich erhöht werden und die Tiefensuche neu starten.



# Uninformierte Suchstrategien

## Bestensuche (best-first-search)

- zusätzlich sei gegeben: Bewertungsfunktion für die Zustände
- Suchziel: Finde die beste Lösung (und dann erst andere).
- Expandiere jeweils den Zustand mit bester Kostenbewertung

→ *Mischung zwischen Tiefen- und Breitensuche*

Im *schlechtesten Fall* ist das nicht besser als Breitensuche:

**Exponentieller** Aufwand für Zeit und Platz

*Problemgröße:  
Tiefe des Suchbaums*

Bei guten Bewertungsfunktionen ist das *Durchschnittsverhalten* viel besser!

Bei speziellen Problemen ist sogar der schlechteste Fall viel besser:

Bsp.: Spezialfall „Kürzeste-Wege-Problem“:

Algorithmus von Dijkstra (**quadratischer** Aufwand für Zeit, **linearer** für Platz)

*Problemgröße: Anzahl der Knoten*



# Uninformierte Suchstrategien

## Der Algorithmus von Dijkstra auf kantenbewerteten Graphen

(Spezialfall von Best-First-Search)

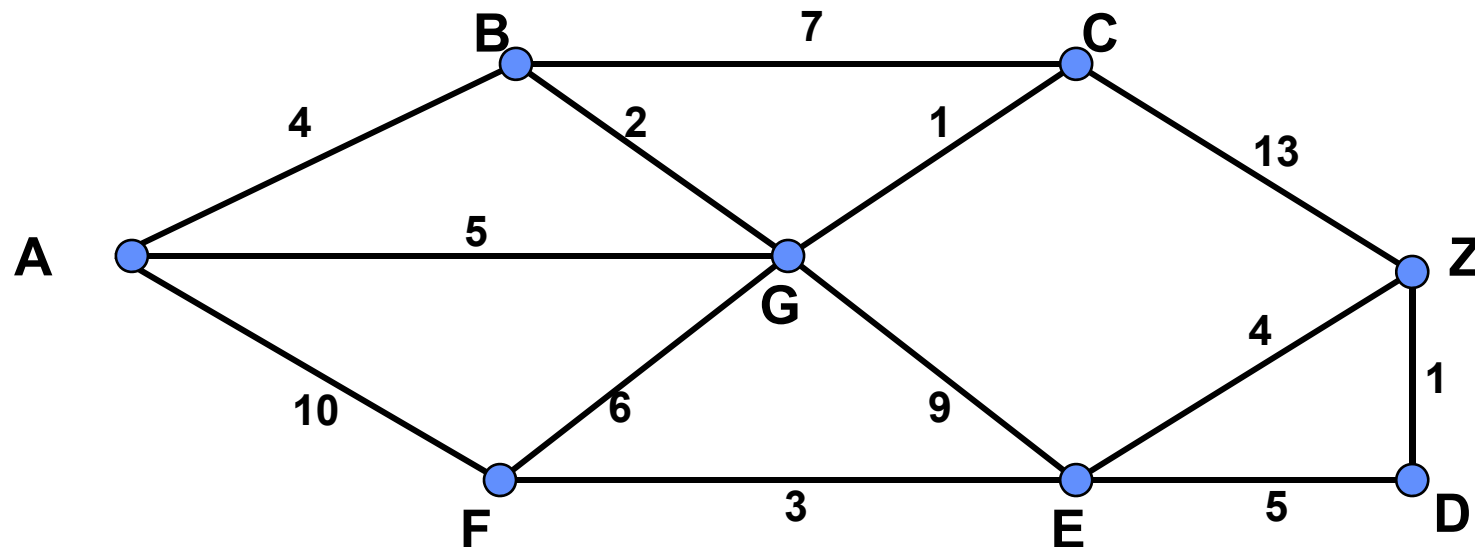
Für alle Kanten  $(u,v)$  gibt es Bewertungsfunktion:  
 $Länge(u,v) :=$  Länge der Kante von Ecke  $u$  nach Ecke  $v$

**Voraussetzung an Kantenbewertung:** Alle Kantenlängen müssen nichtnegativ sein.

**Algorithmus für Suche des Weges von A nach B mit minimaler Kantenlänge:**

- In der Menge **Berechnet** sei nur die Ecke A. Markiere A mit  $Weglänge(A) := 0$ . In der Menge **Vorläufig** sind alle anderen Ecken des Graphen. Markiere die Nachbarn N von A mit  $Weglänge(N) := Länge(A,N)$  und alle anderen Ecken V mit  $Weglänge(V) := \infty$ .
- Wiederhole:
  - Wähle die Ecke V aus **Vorläufig** mit der kleinsten  $Weglänge(V)$  und verschiebe sie in die Menge **Berechnet**.
  - Betrachte alle Nachbarn N von V aus **Vorläufig**:  
 $Weglänge(N) := \min \{Weglänge(N), Weglänge(V) + Länge(V,N)\}$ .bis  $V = B$

## Beispiel für Algorithmus von Dijkstra



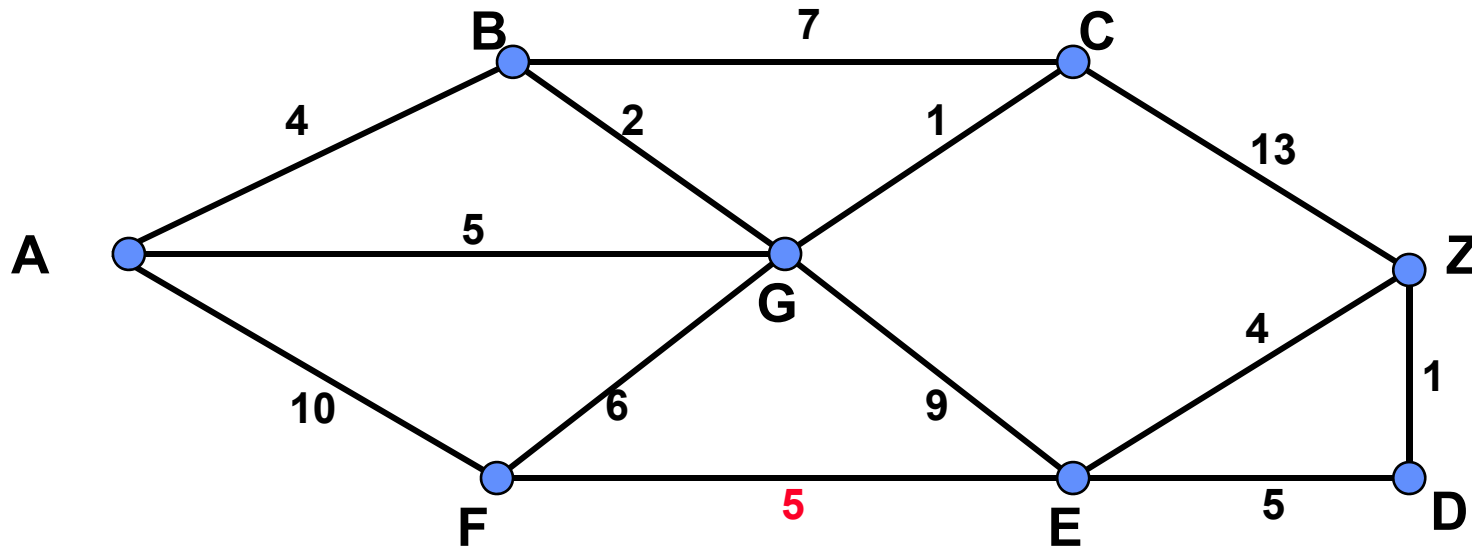
**Kürzester Weg von A nach Z:  $A \rightarrow F \rightarrow E \rightarrow Z$  (17 Einheiten)**

Animation dieser Aufgabe und weitere Infos zum Algorithmus von Dijkstra:

Seminarvortrag und Ausarbeitung von Alex Prentki, WS 2004, Nr. 14

<http://www.fh-wedel.de/archiv/iw/Lehrveranstaltungen/WS2004/SeminarMC.html>

# Beispiel für Algorithmus von Dijkstra



**Kürzester Weg von G nach Z:  $G \rightarrow E \rightarrow Z$  (13 Einheiten)**

Knoten (Wegstrecke von G, direkter Vorgänger):

|  |               |  |               |  |               |   |
|--|---------------|--|---------------|--|---------------|---|
| A(5,G)   |               | A(5,G)   |               | <span style="border: 1px solid red; padding: 2px;">A(5,G)</span> |               |   |
| B(2,G)   |               | <span style="border: 1px solid red; padding: 2px;">B(2,G)</span> |               |  |               |   |
| <span style="border: 1px solid red; padding: 2px;">C(1,G)</span> |               |  |               |  |               |   |
| D( $\infty$ )  | $\rightarrow$ | D( $\infty$ )  | $\rightarrow$ | D( $\infty$ )  | $\rightarrow$ | D( $\infty$ )   |
| E(9,G)   |               | E(9,G)   |               | E(9,G)   |               | <span style="border: 1px solid red; padding: 2px;">E(9,G)</span>  |
| F(6,G)   |               | F(6,G)   |               | <span style="border: 1px solid red; padding: 2px;">F(6,G)</span> |               |   |
| Z( $\infty$ )  |               | Z(14,C)  |               | Z(14,C)  |               | <span style="border: 1px solid red; padding: 2px;">Z(13,E)</span> |

# Informierte (Heuristische) Suchstrategien

## Gegebene Zusatzinformation:

**Schätzfunktion  $h(\text{Zustand})$**  als Maß für die Entfernung zu einem Zielknoten

- nicht zu aufwändig
- aber genau genug, um Suchfunktion nicht in die Irre zu führen

$h()$  liefert einen positiven Wert: Je kleiner der Wert, desto näher der Zielknoten

## **Anwendung: „Bergsteigen“**

- Spezialform der Tiefensuche
- Es wird genau der Knoten expandiert, der den besten Schätzfunktionwert aufweist
- Beim Aufsteigen im Suchbaum wird der jeweils nächstbeste Knoten expandiert.

**Hauptproblem: Warteschleifen in lokalen Maxima**

# Informierte (Heuristische) Suchstrategien

## Gegebene Zusatzinformation:

**Schätzfunktion  $h(\text{Zustand})$**  als Maß für die Entfernung zu einem Zielknoten

- nicht zu aufwändig
- aber genau genug, um Suchfunktion nicht in die Irre zu führen

$h()$  liefert einen positiven Wert: Je kleiner der Wert, desto näher der Zielknoten

## **Anwendung: Optimistisches Bergsteigen**

- Spezialform der Tiefensuche
- Es wird nur der Knoten berechnet, der den besten Schätzfunktionwert aufweist
- Zurücksetzen ist nicht möglich: Wenn Schätzfunktion Fehler macht, wird kein Ergebnis gefunden.

**Hauptproblem: Feststecken in lokalen Maxima**

# Informierte (Heuristische) Suchstrategien

## Gegebene Zusatzinformation:

**Schätzfunktion  $h(\text{Zustand})$**  als Maß für die Entfernung zu einem Zielknoten

- nicht zu aufwändig
- aber genau genug, um Suchfunktion nicht in die Irre zu führen

$h()$  liefert einen positiven Wert: Je kleiner der Wert, desto näher der Zielknoten

## **Anwendung: A\*-Verfahren**

- Spezialform der Bestensuche
- Es wird genau der Knoten expandiert, bei dem die Summe von Kostenbewertung und Schätzfunktionswert optimal ist.

Weitere Infos für die Anwendung von A\* in öffentlichen Verkehrsnetzen:

Seminarvortrag und Ausarbeitung von Stefan Görlich, SS 2005, Nr. 5

<http://www.fh-wedel.de/archiv/iw/Lehrveranstaltungen/SS2005/SeminarKI.html>

# Informierte (Heuristische) Suchstrategien

## Der A\*-Algorithmus auf kantenbewerteten Graphen

(Verallgemeinerung des Algorithmus von Dijkstra) (*Zustandsbewertung = Knotenbewertung*)

**Voraussetzung an Kantenbewertung:** Alle Kantenlängen müssen nichtnegativ sein

**Voraussetzung an Heuristik**  $h_B(u)$  für die Abschätzung bzgl. Weglänge  $w_B(u)$  zum Zielknoten B:

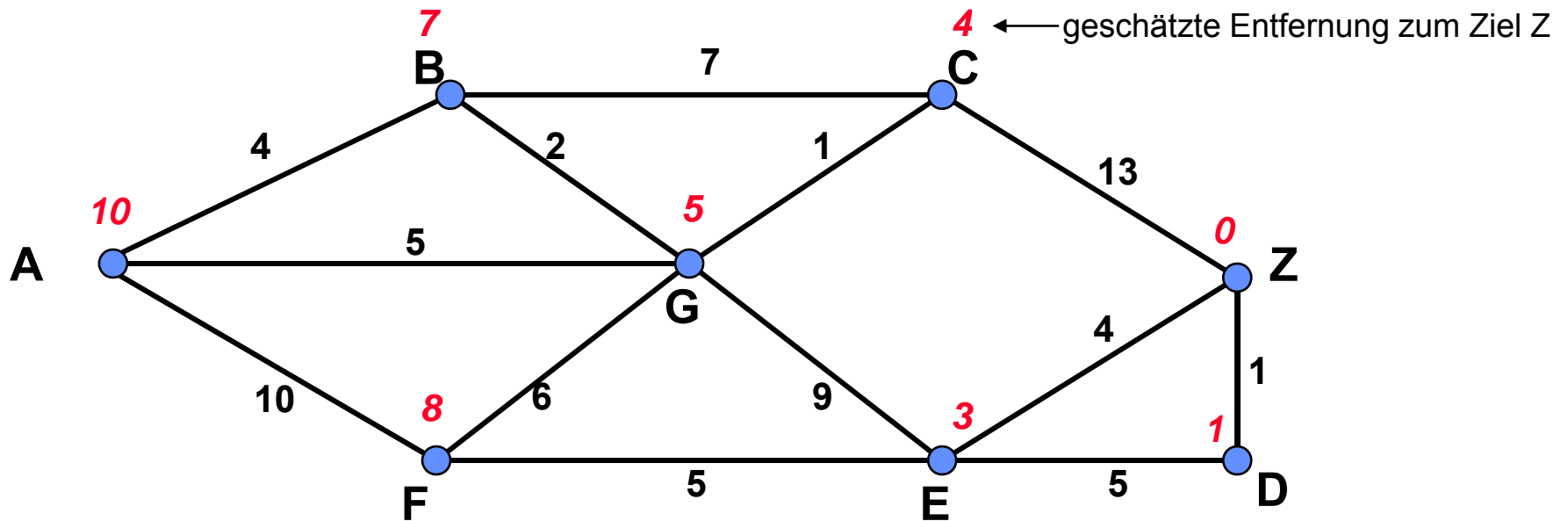
**Zulässigkeitsbedingung:**  $h_B(u) \leq w_B(u)$

**Monotoniebedingung:**  $h_B(u) \leq h_B(v) + \text{Länge}(u,v)$

### Algorithmus für Suche des Weges von A nach B mit minimaler Kantenlänge:

- In der Menge **Berechnet** sei nur die Ecke A. Markiere A mit *Weglänge* (A) := 0. In der Menge **Vorläufig** sind alle anderen Ecken des Graphen. Markiere die Nachbarn N von A mit *Weglänge* (N) := *Länge* (A,N)  
*Schätzung* (N) := *Weglänge* (N) +  $h_B(N)$   
und alle anderen Ecken V mit *Weglänge* (V) :=  $\infty$  und *Schätzung* (V) :=  $\infty$ .
  - Wiederhole:
    - Wähle die Ecke V aus **Vorläufig** mit der kleinsten *Schätzung* (V) und verschiebe sie in die Menge **Berechnet**.
    - Betrachte alle Nachbarn N von V aus **Vorläufig**:  
*Weglänge* (N) :=  $\min \{ \text{Weglänge} (N), \text{Weglänge} (V) + \text{Länge} (V,N) \}$ .  
*Schätzung* (N) := *Weglänge* (N) +  $h_B(N)$  (falls Aktualisierung notwendig).
- bis V = B

# Beispiel für A\*-Algorithmus



**Kürzester Weg von G nach Z:  $G \rightarrow E \rightarrow Z$  (13 Einheiten)**

Knoten (Wegstrecke von G, direkter Vorgänger, Schätzung zum Ziel):

|  |               |  |               |   |               |  |
|--|---------------|--|---------------|---|---------------|--|
| A(5,G,15)  |               | A(5,G,15)  |               | A(5,G,15)   |               | A(5,G,15)  |
| B(2,G,9)   |               | <span style="border: 1px solid red; padding: 2px;">B(2,G,9)</span> |               |   |               |  |
| <span style="border: 1px solid red; padding: 2px;">C(1,G,5)</span> |               |  |               |   |               |  |
| D( $\infty$ )  | $\rightarrow$ | D( $\infty$ )  | $\rightarrow$ | D( $\infty$ )   | $\rightarrow$ | D(14,E,15)   |
| E(9,G,12)  |               | E(9,G,12)  |               | <span style="border: 1px solid red; padding: 2px;">E(9,G,12)</span> |               |  |
| F(6,G,13)  |               | F(6,G,14)  |               | F(6,G,14)   |               | F(6,G,14)  |
| Z( $\infty$ )  |               | Z(14,C,14)   |               | Z(14,C,14)  |               | <span style="border: 1px solid red; padding: 2px;">Z(13,E,13)</span> |



# Informierte (Heuristische) Suchstrategien

## Der A\*-Algorithmus auf kantenbewerteten Graphen

(Verallgemeinerung des Algorithmus von Dijkstra) (Zustandsbewertung = Knotenbewertung)

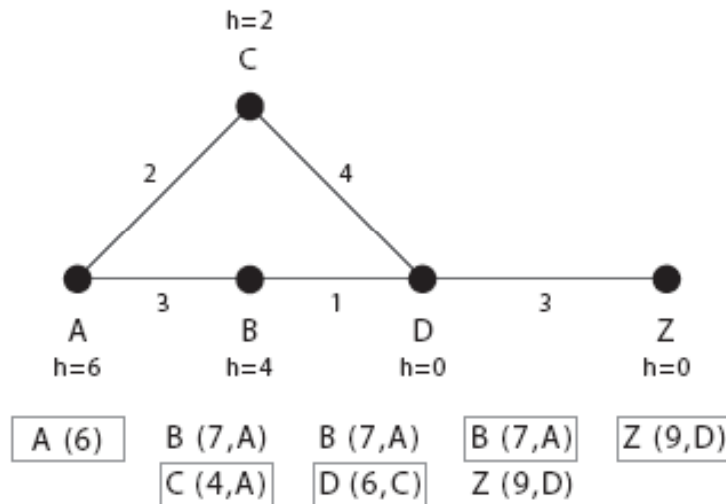
Voraussetzung an Kantenbewertung: Alle Kantenlängen müssen nichtnegativ sein

Voraussetzung an Heuristik  $h_B(u)$  für die Abschätzung bzgl. Weglänge  $w_B(u)$  zum Zielknoten B:

Zulässigkeitsbedingung:  $h_B(u) \leq w_B(u)$

Was passiert bei Wegfall der Monotoniebedingung:  $h_B(u) \leq h_B(v) + \text{Länge}(u,v)$

Beispiel:



Aus: Diplomarbeit Andre Keller (SS 2008)

**Fehler:** D wird nicht mehr aktualisiert, weil es schon in **Berechnet** ist.

# Informierte (Heuristische) Suchstrategien

## Der A\*-Algorithmus auf kantenbewerteten Graphen

(Verallgemeinerung des Algorithmus von Dijkstra) (Zustandsbewertung = Knotenbewertung)

**Voraussetzung an Kantenbewertung:** Alle Kantenlängen müssen nichtnegativ sein

**Voraussetzung an Heuristik**  $h_B(u)$  für die Abschätzung bzgl. Weglänge  $w_B(u)$  zum Zielknoten B:

**Nur Zulässigkeitsbedingung:**  $h_B(u) \leq w_B(u)$

### Algorithmus für Suche des Weges von A nach B mit minimaler Kantenlänge:

- In der Menge **Berechnet** sei nur die Ecke A. Markiere A mit *Weglänge* (A) := 0. In der Menge **Vorläufig** sind alle anderen Ecken des Graphen. Markiere die Nachbarn N von A mit  $Weglänge(N) := Länge(A, N)$   
 $Schätzung(N) := Weglänge(N) + h_B(N)$  und alle anderen Ecken V mit  $Weglänge(V) := \infty$  und  $Schätzung(V) := \infty$ .
- Wiederhole:
  - Wähle die Ecke V aus **Vorläufig** mit der kleinsten *Schätzung* (V) und verschiebe sie in die Menge **Berechnet**.
  - Betrachte alle Nachbarn N von V aus **Berechnet** und **Vorläufig**:  
 $Weglänge(N) := \min \{Weglänge(N), Weglänge(V) + Länge(V, N)\}$ .  
 $Schätzung(N) := Weglänge(N) + h_B(N)$  (falls Aktualisierung notwendig).
  - Falls Aktualisierung bei Nachbarn N\* aus **Berechnet** erfolgte:  
**Verschiebe N\* wieder nach Vorläufig.**

bis V = B

# Allgemeine Optimierungsverfahren für CSP

## für 1. Suchmethode (Vervollständigung von Teillösungen):

### Zurücksetzen (Backtracking)

- Teste alle Constraints auch bei unvollständigen Variablenbelegungen
- Zustände, die irgendwelche Constraints bereits verletzen, werden nicht weiter expandiert

### Vorwärtstest (Forward Checking)

- Reduziere alle Domains für alle noch nicht belegten Variablen, sodass keine Konflikte zwischen Constraints mehr entstehen.
- Setze zurück, wenn die Domains dadurch leer werden.

# General Optimisation Methods for CSP

## Example for forward checking:

### 8-queens-problem (solution by Bratko, 3rd method)

#### Knowledge base:

```
queens3(YList) :-  
  sol(YList, [1,2,3,4,5,6,7,8],  
        [1,2,3,4,5,6,7,8],  
        [-7,-6,-5,-4,-3,-2,-1,0,1,2,3,4,5,6,7],  
        [2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14,15,16]).
```

```
sol([],[], DomainY, DomainU, DomainV).
```

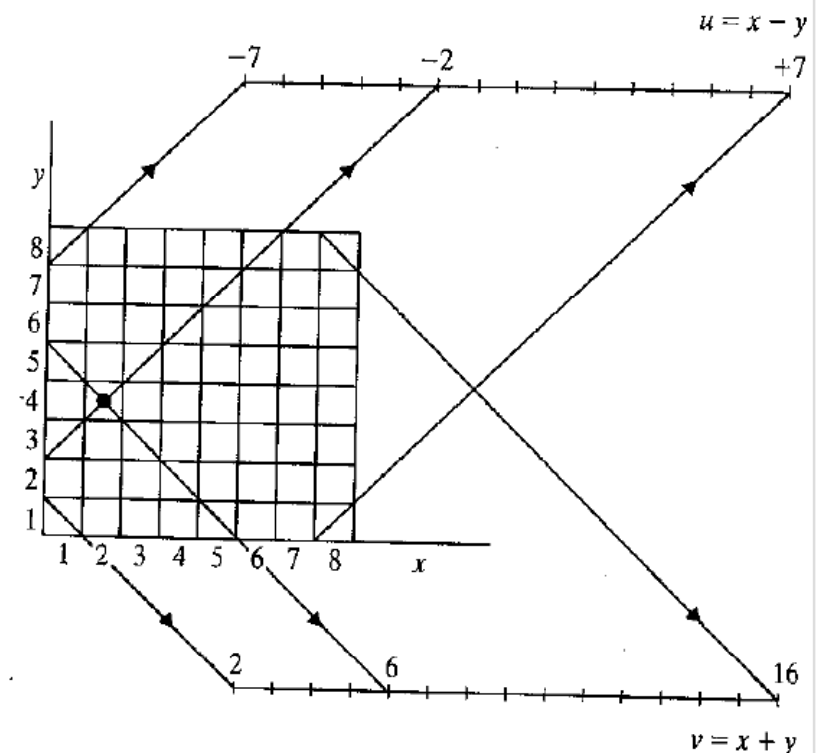
```
sol([Y | YTail], [X | XTail], DomainY, DomainU, DomainV) :-  
  del(Y,DomainY,ReducedDomainY),  
  U is X - Y,  
  del(U,DomainU,ReducedDomainU),  
  V is X + Y,  
  del(V,DomainV,ReducedDomainV),  
  sol(YTail, XTail, ReducedDomainY, ReducedDomainU,  
      ReducedDomainV).
```

```
del(Item, [Item|List], List).
```

```
del(Item, [First|Tail],[First|ResultTail]) :-  
  del(Item,Tail,ResultTail).
```

#### Query:

```
?-queens3(YList).
```



# Suchen in Suchgraphen

## 2. Suchmethode: Systematisches Verbessern v. Gesamtlösungen

(Alternative zur Vervollständigung von Teillösungen)

- **Knoten: beschreibt Zustand in der Suchdomäne**
  - Zustand: Belegung von allen Variablen mit Werten  
(nicht notwendigerweise alle zulässig)  
**Jeder Zustand hat eine Bewertung.**
- **Kante: Übergang von einem Zustand in einen benachbarten Zustand**  
(in der Regel in zwei Richtungen möglich)
  - Nachbarzustand: Neubelegung von bestimmten Variablen unter Beibehaltung der Werte für alle anderen Variablen
- **Startknoten: Anfangszustand**  
(ist immer eindeutig)
  - Startknoten: Mit irgendeiner Belegung für alle Variablen fängt man an.
- **Zielknoten: gewünschter Endzustand (Lösung des Problems)**  
(es darf mehrere geben)
  - Zielknoten: Übergang zu Nachbarzuständen  
ergibt keine Verbesserung der bisher gefundenen optimalen Bewertung

# Allgemeine Optimierungsverfahren für CSP

## für 2. Suchmethode

### (Systematisches Verbessern v. Gesamtlösungen):

#### Verfahren der minimalen Konflikte (Min-Conflicts)

Idee:

- Start mit einer beliebigen Wertebelegung
- Auswählen von Variablen und Zuweisung neuer Werte, die weniger Konflikte verursachen solange, bis System gelöst

Vorteile:

- bei vielen Praxis-Problemen gutes Laufzeitverhalten
- „Reparieren“ bei kleinen Veränderungen des Systems

Nachteile:

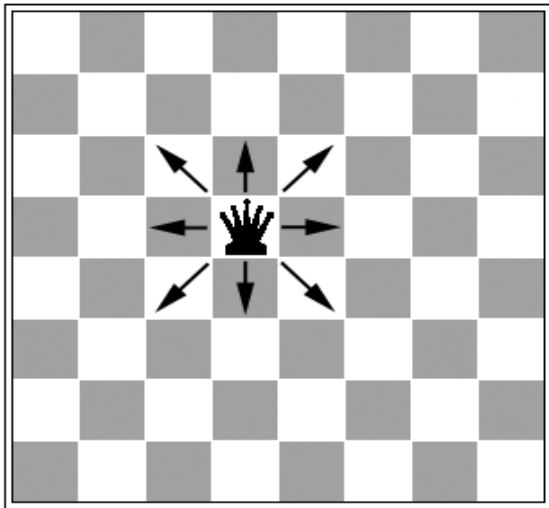
- „Hängen bleiben“ in lokalen Minima
  - Gegenmaßnahmen: Random-Walk, **Tabu-Liste**, ...

Weitere Details zum Thema Constraintsysteme: Seminarvortrag/Ausarbeitung von Stefan Schmidt, SS 2005, Nr. 6,  
<http://www.fh-wedel.de/archiv/iw/Lehrveranstaltungen/SS2005/SeminarKI.html>

# Allgemeine Optimierungsverfahren für CSP

## Verfahren der minimalen Konflikte (Min-Conflicts)

### Anwendungsbeispiel: 8-Damen-Problem

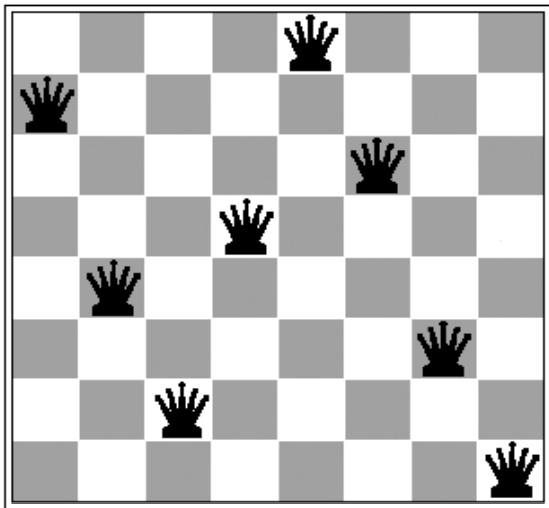


Quelle: Seminarvortrag von Stefan Schmidt, SS 2005, Nr. 6,  
<http://www.fh-wedel.de/archiv/iw/Lehrveranstaltungen/SS2005/SeminarKI.html>

# Allgemeine Optimierungsverfahren für CSP

## Verfahren der minimalen Konflikte (Min-Conflicts)

### Anwendungsbeispiel: 8-Damen-Problem



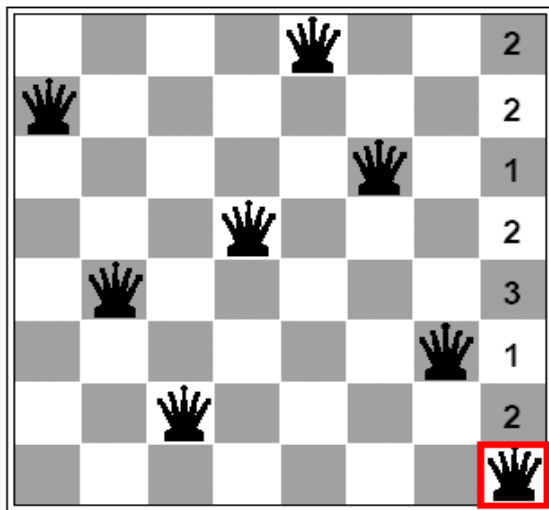
Quelle: Seminarvortrag von Stefan Schmidt, SS 2005, Nr. 6,  
<http://www.fh-wedel.de/archiv/iw/Lehrveranstaltungen/SS2005/SeminarKI.html>



# Allgemeine Optimierungsverfahren für CSP

## Verfahren der minimalen Konflikte (Min-Conflicts)

### Anwendungsbeispiel: 8-Damen-Problem

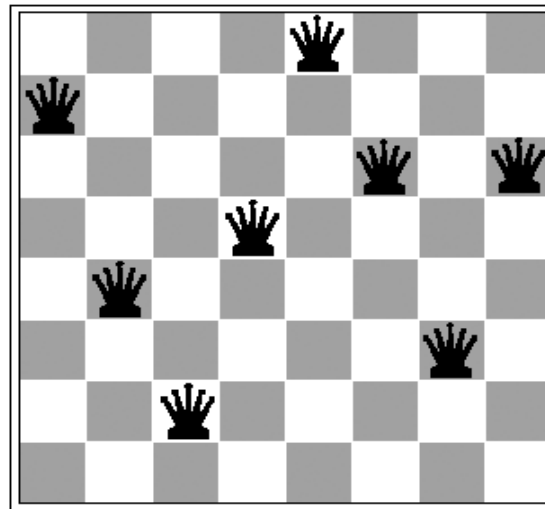
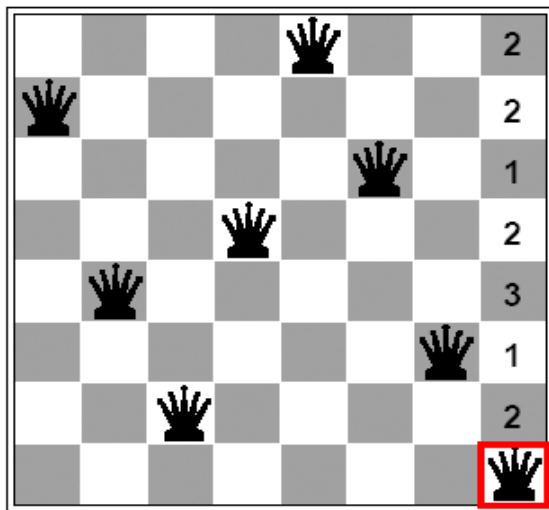


Quelle: Seminarvortrag von Stefan Schmidt, SS 2005, Nr. 6,  
<http://www.fh-wedel.de/archiv/iw/Lehrveranstaltungen/SS2005/SeminarKI.html>

# Allgemeine Optimierungsverfahren für CSP

## Verfahren der minimalen Konflikte (Min-Conflicts)

### Anwendungsbeispiel: 8-Damen-Problem

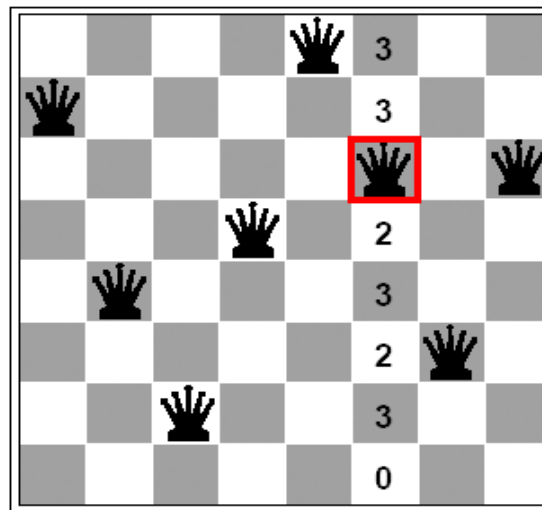
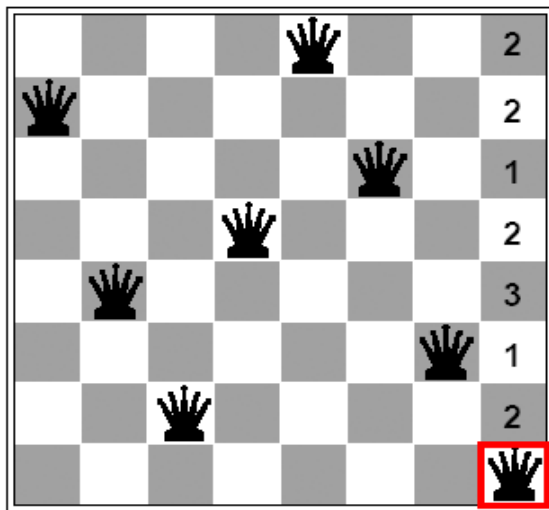


Quelle: Seminarvortrag von Stefan Schmidt, SS 2005, Nr. 6,  
<http://www.fh-wedel.de/archiv/iw/Lehrveranstaltungen/SS2005/SeminarKI.html>

# Allgemeine Optimierungsverfahren für CSP

## Verfahren der minimalen Konflikte (Min-Conflicts)

### Anwendungsbeispiel: 8-Damen-Problem

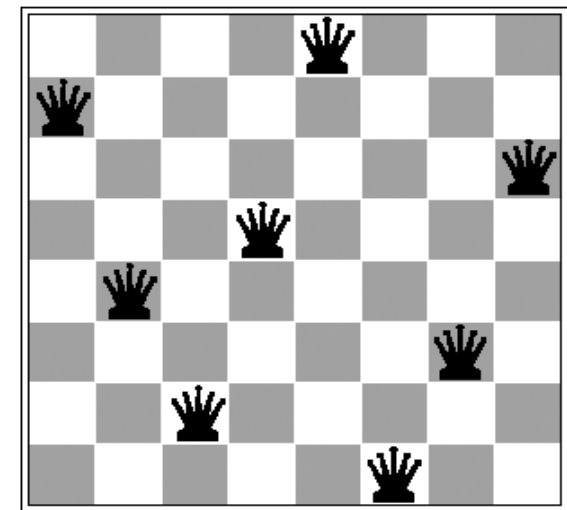
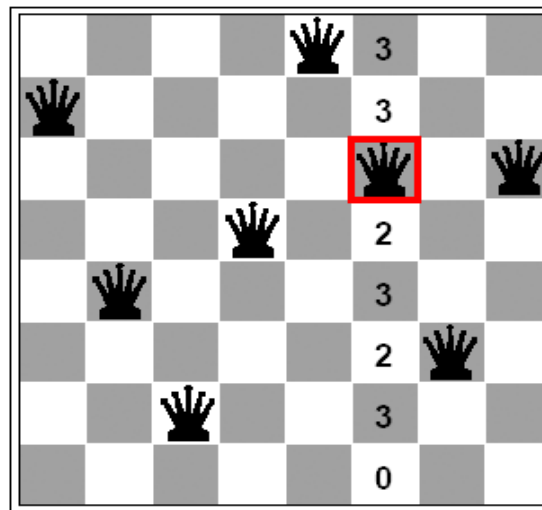
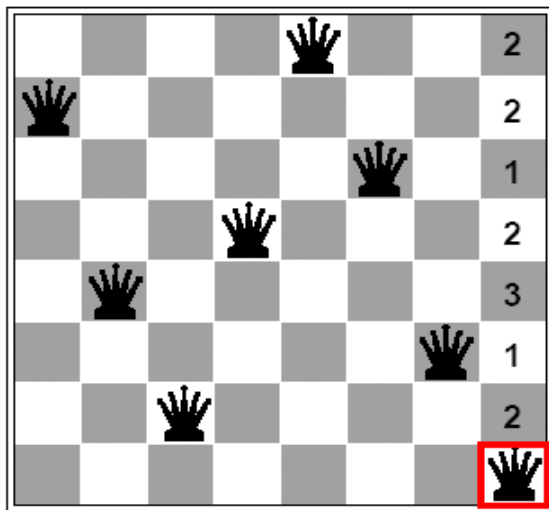


Quelle: Seminarvortrag von Stefan Schmidt, SS 2005, Nr. 6,  
<http://www.fh-wedel.de/archiv/iw/Lehrveranstaltungen/SS2005/SeminarKI.html>

# Allgemeine Optimierungsverfahren für CSP

## Verfahren der minimalen Konflikte (Min-Conflicts)

### Anwendungsbeispiel: 8-Damen-Problem

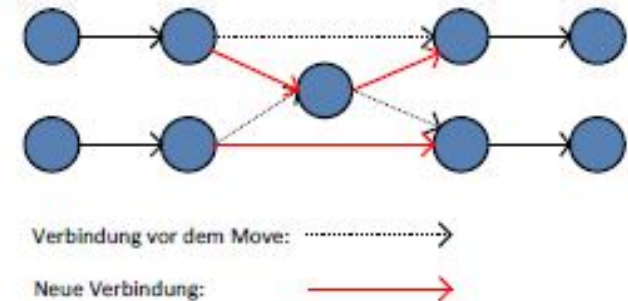


Quelle: Seminarvortrag von Stefan Schmidt, SS 2005, Nr. 6,  
<http://www.fh-wedel.de/archiv/iw/Lehrveranstaltungen/SS2005/SeminarKI.html>

# General Optimisation Methods for CSP

## Working with tabu lists in search graphs:

- Determine a certain validity range for the algorithm, e.g. by a given number of operations
- Protocol all edges used in a transition from one state to another
- All edges used within the previous validity range are not to be used again, neither their counterdirection.



## Further enhancement: Simulated annealing

- Admit temporary deteriorations.
- Diminish the tolerance bound for deterioration in the course of algorithmic progress gradually.

**These methods will mainly be used in improvements of total solutions**

- Good results in logistics (TSP generalisations)