

Anwendungen der Künstlichen Intelligenz

Sebastian Iwanowski
FH Wedel

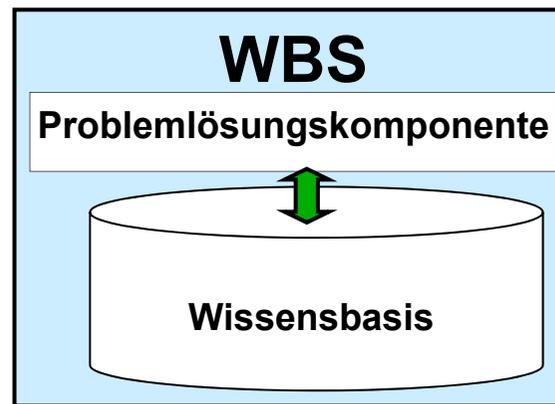
Kap. 3:
KI-Algorithmik

Suchstrategien

Bedeutung von Suchstrategien für logisch formulierte Probleme:

Suche nach Lösung fürs Erfüllbarkeitsproblem

Bedeutung von Suchstrategien für Wissensbasierte Systeme:



Die Problemlösungskomponente muss fast immer ein Belegungsproblem für Constraints aus der Wissensbasis lösen !

➔ *All problem solvers search*

Bsp. für wissensbasierte Suchmaschine: PROLOG

PROLOG ist wissensbasiert:

- **Wissensbasis**

Fakten und Regeln, dynamisch erweiterbar

- **Inferenzmaschine**

Automatische Herleitung neuer Fakten und Regeln mit Resolution und Unifikation

- **Dialogkomponente**

Eingabe: Fragen

Ausgabe: yes / no, Angabe der Unifikation im Erfolgsfall, Write als „Seiteneffekt“

Yes: Das Prädikat der Frage folgt aus der Wissensbasis.

No: Das Prädikat der Frage folgt nicht aus der Wissensbasis.

No impliziert nicht, dass das Prädikat als falsch abgeleitet werden kann.

Anwendung: Das Stundenplanproblem (Scheduling)

Gegeben endliche Mengen Fächer, Räume, T(Zeiten)

Aufgabe: Generierung einer injektiven Funktion $F \rightarrow R \times T$

Nebenbedingungen:

- **Bestimmte Fächer dürfen nicht zur selben Zeit stattfinden**
- **Nicht jedes Fach darf zu jeder Zeit stattfinden**
- **Nicht jedes Fach darf in jedem Raum stattfinden**

Weiche Kriterien (dürfen verletzt werden):

- **Bestimmte Fächer sollen zu bestimmten Zeiten möglichst nicht stattfinden**
- **Bestimmte Fächer sollten möglichst hintereinander stattfinden**
- **Bestimmte Fächer sollten möglichst nicht am selben Tag stattfinden**

Optimierungsfunktion:

- **Möglichst wenige Verletzungen von weichen Kriterien**
- **Möglichst wenige Freistunden für Studiengänge**
- **Möglichst gleichmäßige Verteilung auf verschiedene Tage für ...**

Anwendung: Das Traveling Salesman Problem (TSP)

Gegeben: Graph mit Knotenmenge V und bewerteten Kanten zwischen Knoten

Aufgabe: Finde Rundreise durch den Graphen,
die alle Knoten mindestens einmal erreicht.

Nebenbedingungen:

- **Es dürfen nur Kanten des Graphen benutzt werden**

Optimierungsfunktion:

- **Möglichst geringe Gesamtbewertung**

Verallgemeinerung in Anwendungen der Logistik:

Nebenbedingungen:

- **Aufnahme und Auslieferung von Gütern mit Beachtung der Ladekapazitäten**
- **Zeitfenster, wann welche Knoten erreicht werden dürfen**

Weiche Kriterien (dürfen verletzt werden):

- **Bestimmte Kanten sind zu vermeiden**
- **Bestimmte Zeitfenster sind ungünstig**

Anwendung: Das Problem des kürzesten Weges

Gegeben: Graph mit Knotenmenge V und bewerteten Kanten zwischen Knoten

Aufgabe: Zu zwei ausgewählten Knoten S und T , finde einen Weg durch den Graphen.

Nebenbedingungen:

- **Es dürfen nur Kanten des Graphen benutzt werden**

Optimierungsfunktion:

- **Möglichst geringe Gesamtbewertung**

Verallgemeinerung in Verkehrsanwendungen (ÖPNV oder Individualverkehr):

Nebenbedingungen:

- **Kantenbewertungen sind zeitabhängig**
- **Reisender unterliegt Beschränkungen, die bestimmte Kanten individuell anders bewerten bzw. unbenutzbar machen.**

Weiche Kriterien (dürfen verletzt werden):

- **Bestimmte Kanten sind zu vermeiden**
- **Bestimmte Zeitfenster sind ungünstig**

Constraint Satisfaction Problem (CSP)

Spezifikation eines CSP:

- **Variablenmenge**
- **Definitionsbereiche (Domains)**
- **Constraints: Beziehungen zwischen den Variablen (hart oder weich)**
(in der Regel Gleichungen oder Ungleichungen)
- **Optimierungskriterium**
(in der Regel reellwertige Funktion in den Variablen, die minimiert oder maximiert werden soll)

gültige Lösung:

Belegung aller Variablen mit Werten, sodass alle harten Constraints erfüllt sind

optimale Lösung:

gültige Lösung, die das Optimierungskriterium optimiert

Constraint Solver sind Programme, die zu einem spezifizierten CSP eine gültige oder sogar optimale Lösung finden.

Suchen in Suchgraphen

1. Suchmethode: Vervollständigung von Teillösungen

(Am Ende dieses Kapitels wird noch eine andere Suchmethode vorgestellt))

- **Knoten: beschreibt Zustand in der Suchdomäne**
 - Zustand: Belegung von Variablen mit Werten
Jeder Zustand hat eine Bewertung.
- **Kante: Übergang von einem Zustand in einen Folgezustand**
(in der Regel mit Richtung)
 - Folgezustand: Belegung einer weiteren Variable mit einem Wert unter Beibehaltung der Werte für die bisher belegten Variablen
- **Startknoten: Anfangszustand**
(ist immer eindeutig)
 - Startknoten: keine Variable hat einen Wert.
- **Zielknoten: gewünschter Endzustand (Lösung des Problems)**
(es darf mehrere geben)
 - Zielknoten: Alle gewünschten Variablen haben zulässige Werte

Suchen in Suchgraphen

Verschiedene Suchziele:

- 1) Irgendeine Lösung eines Problems finden bzw. herausfinden, dass es keine gibt.
 - 2) Weitere Lösungen finden bzw. herausfinden, dass es keine weiteren mehr gibt.
 - 3) Alle Lösungen finden
 - 4) Optimale Lösung finden bzw. möglichst gute Lösung finden.
- Expansion eines Knotens: Berechnung aller Folge- bzw. Nachbarknoten

Verschiedene Suchstrategien unterscheiden sich in:

Welcher Knoten wird als nächstes expandiert ?

Spezialfall:

- **Suchgraph ist Suchbaum**
(Pfad vom Startknoten zu jedem Zielknoten ist eindeutig)

Bsp. für Suchbäume in CSP

Constraint-System:

- 1) ($2 < x < 4$)
- 2) ($0 < y < 6$)
- 3) ($x + y > 7$)
- 4) ($x \cdot y < 10,5$)

Definitionsbereich für zulässige Lösungen:

$x, y \in \mathbf{Q}$,
maximal k Stellen nach dem Komma

Optimierungskriterium:

Minimiere $|y - x|$

Suchbaum:

- Jeder Knoten hat festen x- und y-Wert, Knoten können zulässig oder unzulässig sein, für jeden Knoten gibt es eindeutigen Wert für Optimierungsfunktion
- In Ebene i hat jeder x-Wert nur i Stellen nach dem Komma, der y-Wert ist nach Constraint 3) minimal dazu.

Expansionsstrategien:

- Nur zulässige Knoten werden expandiert
- Es wird immer der rechteste zulässige Knoten expandiert
- ...

Bsp. für Suchbäume in CSP

Constraint-System:

- 1) $(2 < x < 4)$
- 2) $(0 < y < 6)$
- 3) $(x + y > 7)$
- 4) $(x \cdot y < 10,5)$

Definitionsbereich für zulässige Lösungen:

$x, y \in \mathbf{Q}$,
maximal k Stellen nach dem Komma

Optimierungskriterium:

Minimiere $|y - x|$

Für festes k :

- Suchraum endlich
- Mehrere zulässige Lösungen
- Immer genau 1 optimale Lösung

Für k unbeschränkt:

- Suchraum unendlich
- Unendlich viele zulässige Lösungen
- keine optimale Lösung

Uninformierte Suchstrategien

Im allgemeinen ist nur *blinde (uninformierte) Suche* möglich:

Es gibt keine Information über günstige Suchrichtungen (das Ziel wird erst bei Erreichen erkannt)

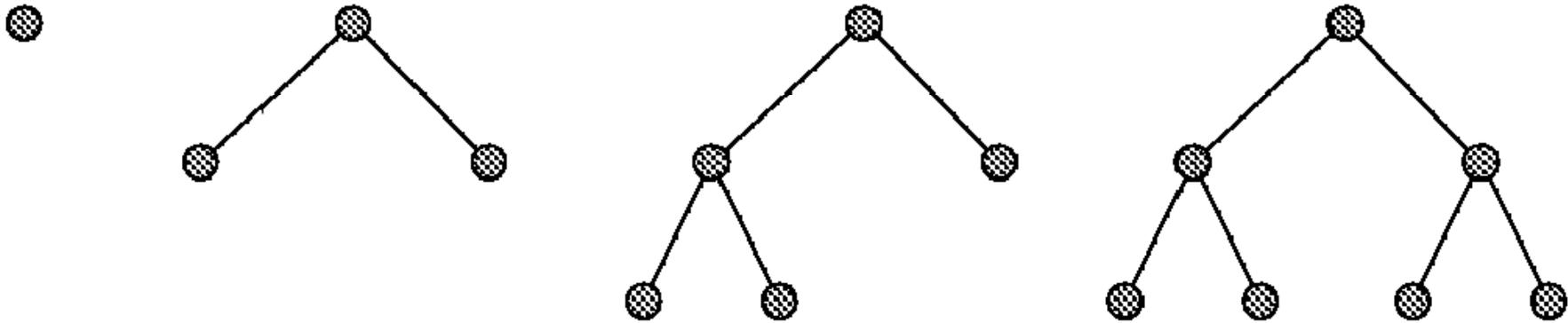
Die wichtigsten Suchstrategien:

1. Breitensuche (breadth-first-search)
2. Tiefensuche (depth-first-search)
3. Bestensuche (best-first-search)

Weitere Infos zum Thema Suchen: Seminarvortrag und Ausarbeitung von Sven Schmidt, SS 2005, Nr. 4
<http://www.fh-wedel.de/archiv/iw/Lehrveranstaltungen/SS2005/SeminarKI.html>

Uninformierte Suchstrategien

Breitensuche (breadth-first-search):



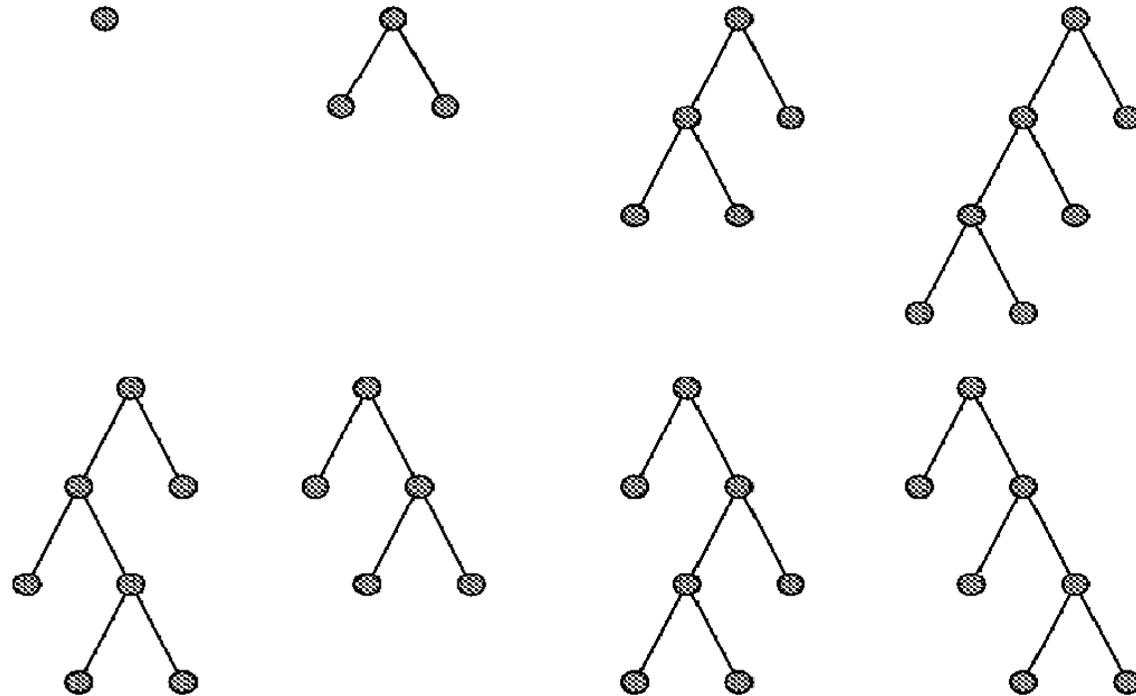
Problemgröße: Tiefe des Suchbaums

Exponentieller Aufwand für Zeit und Platz

Für Suchprobleme in den meisten Fällen nicht relevant

Uninformierte Suchstrategien

Tiefensuche (depth-first-search)



Exponentieller Aufwand für Zeit

Problemgröße: Tiefe des Suchbaums

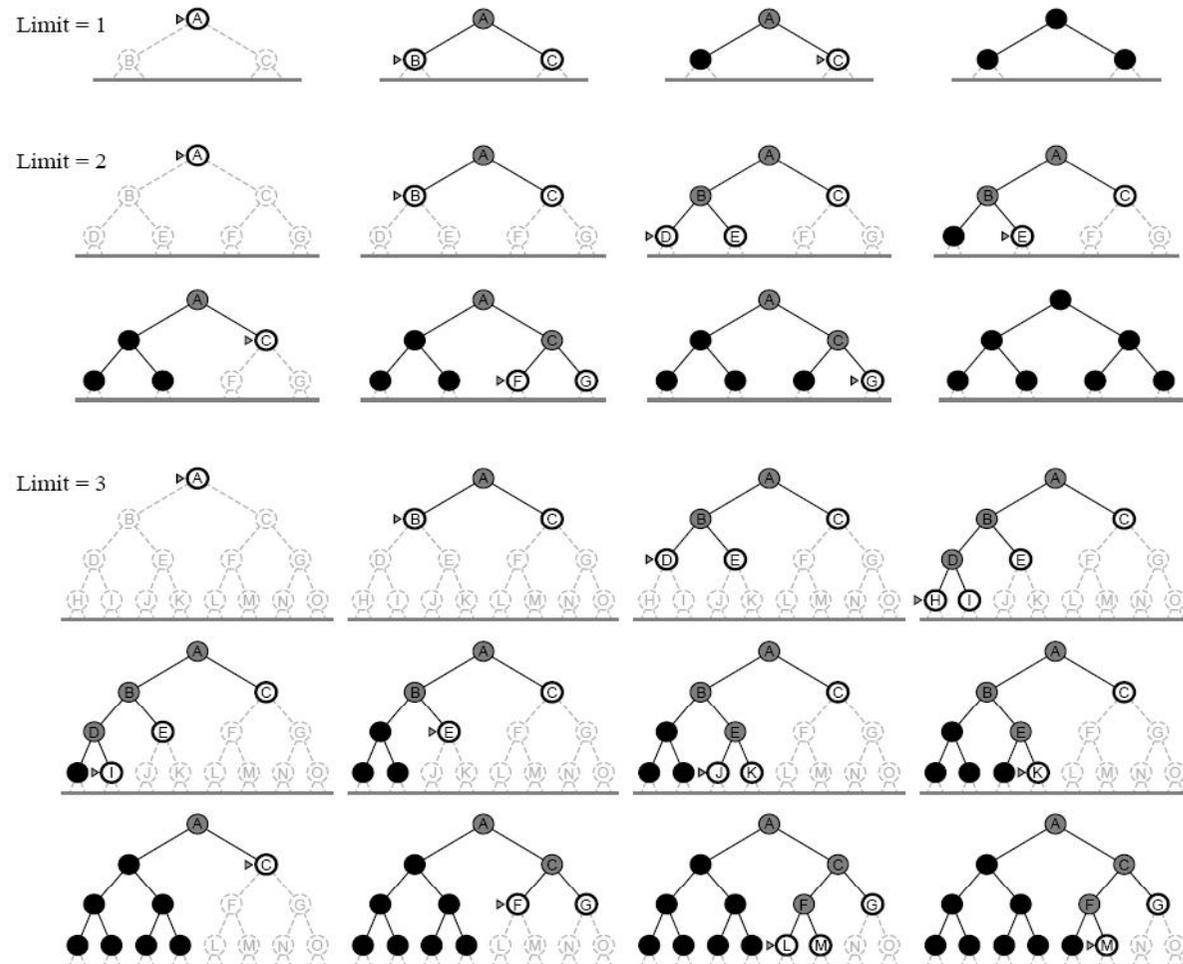
Linearer Aufwand für Platz

Der „Normalfall“ für allgemeine Suchprobleme

Uninformierte Suchstrategien

Beschränkte Tiefensuche

- Tiefensuche wird nur bis zu vorgegebener Suchtiefe durchgeführt.
- Bei Misserfolg kann die Suchtiefe nachträglich erhöht werden und die Tiefensuche neu starten.



Uninformierte Suchstrategien

Bestensuche (best-first-search)

- zusätzlich sei gegeben: Bewertungsfunktion für die Zustände
- Suchziel: Finde die beste Lösung (und dann erst andere).
- Expandiere jeweils den Zustand mit bester Kostenbewertung

→ *Mischung zwischen Tiefen- und Breitensuche*

Im *schlechtesten Fall* ist das nicht besser als Breitensuche:

Exponentieller Aufwand für Zeit und Platz

*Problemgröße:
Tiefe des Suchbaums*

Bei guten Bewertungsfunktionen ist das *Durchschnittsverhalten* viel besser!

Bei speziellen Problemen ist sogar der schlechteste Fall viel besser:

Bsp.: Spezialfall „Kürzeste-Wege-Problem“:

Algorithmus von Dijkstra (**quadratischer** Aufwand für Zeit, **linearer** für Platz)

Problemgröße: Anzahl der Knoten

Uninformierte Suchstrategien

Der Algorithmus von Dijkstra auf kantenbewerteten Graphen

(Spezialfall von Best-First-Search)

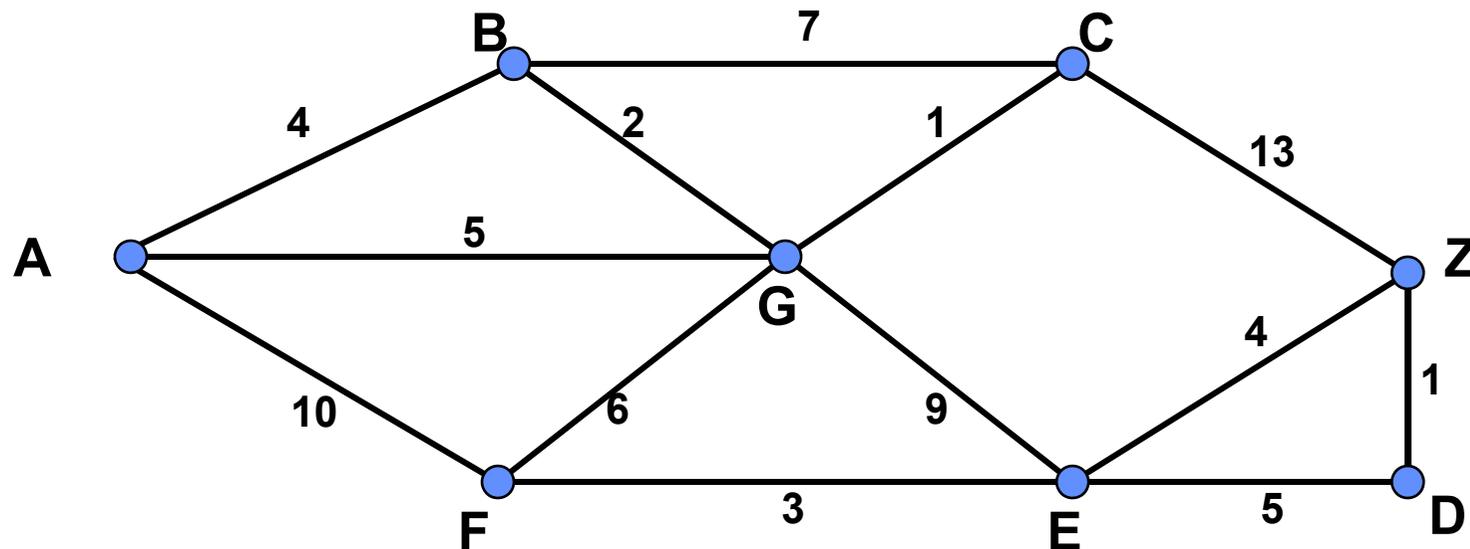
Für alle Kanten (u,v) gibt es Bewertungsfunktion:
 $Länge(u,v) :=$ Länge der Kante von Ecke u nach Ecke v

Voraussetzung an Kantenbewertung: Alle Kantenlängen müssen nichtnegativ sein.

Algorithmus für Suche des Weges von A nach B mit minimaler Kantenlänge:

- In der Menge **Berechnet** sei nur die Ecke A. Markiere A mit $Weglänge(A) := 0$. In der Menge **Vorläufig** sind alle anderen Ecken des Graphen. Markiere die Nachbarn N von A mit $Weglänge(N) := Länge(A,N)$ und alle anderen Ecken V mit $Weglänge(V) := \infty$.
- Wiederhole:
 - Wähle die Ecke V aus **Vorläufig** mit der kleinsten $Weglänge(V)$ und verschiebe sie in die Menge **Berechnet**.
 - Betrachte alle Nachbarn N von V aus **Vorläufig**:
 $Weglänge(N) := \min \{Weglänge(N), Weglänge(V) + Länge(V,N)\}$.bis $V = B$

Beispiel für Algorithmus von Dijkstra



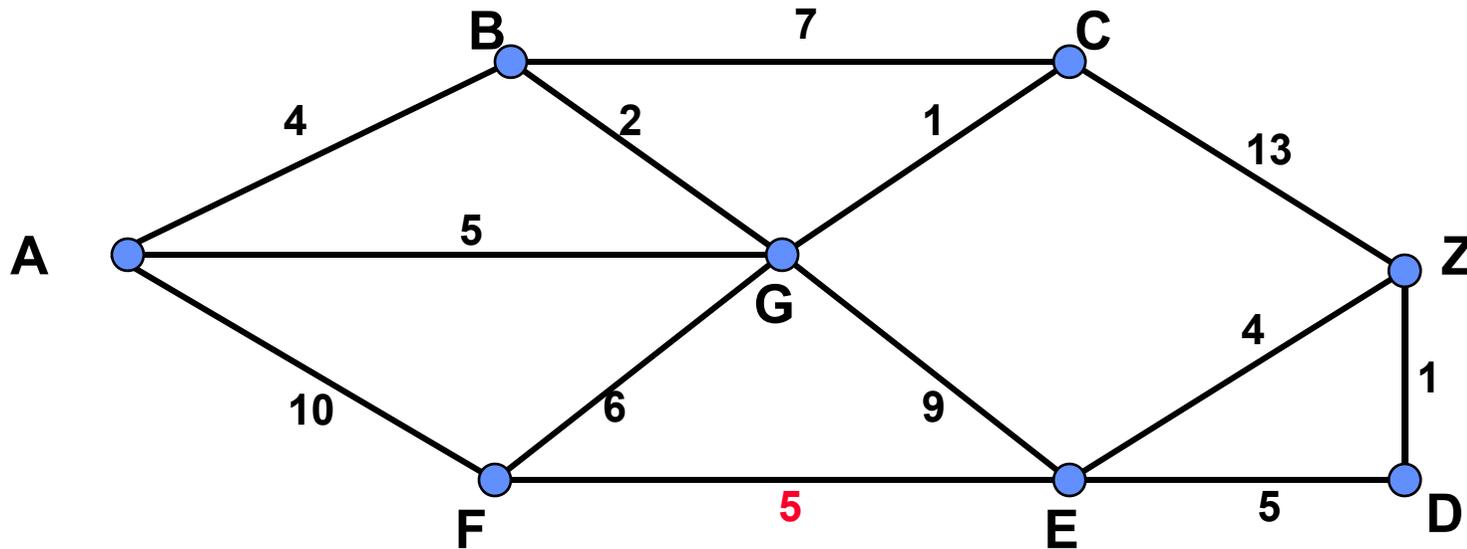
Kürzester Weg von A nach Z: $A \rightarrow F \rightarrow E \rightarrow Z$ (17 Einheiten)

Animation dieser Aufgabe und weitere Infos zum Algorithmus von Dijkstra:

Seminarvortrag und Ausarbeitung von Alex Prentki, WS 2004, Nr. 14

<http://www.fh-wedel.de/archiv/iw/Lehrveranstaltungen/WS2004/SeminarMC.html>

Beispiel für Algorithmus von Dijkstra



Kürzester Weg von G nach Z: $G \rightarrow E \rightarrow Z$ (13 Einheiten)

Knoten (Wegstrecke von G, direkter Vorgänger):

A(5,G)		A(5,G)		A(5,G)			
B(2,G)		B(2,G)					
C(1,G)							
D(∞)	\rightarrow D(14,E)						
E(9,G)		E(9,G)		E(9,G)		E(9,G)	
F(6,G)		F(6,G)		F(6,G)			
Z(∞)		Z(14,C)		Z(14,C)		Z(14,C)	Z(13,E)

Informierte (Heuristische) Suchstrategien

Gegebene Zusatzinformation:

Schätzfunktion $h(\text{Zustand})$ als Maß für die Entfernung zu einem Zielknoten

- nicht zu aufwändig
- aber genau genug, um Suchfunktion nicht in die Irre zu führen

$h()$ liefert einen positiven Wert: Je kleiner der Wert, desto näher der Zielknoten

Anwendung: „Bergsteigen“

- Spezialform der Tiefensuche
- Es wird genau der Knoten expandiert, der den besten Schätzfunktionswert aufweist
- Beim Aufsteigen im Suchbaum wird der jeweils nächstbeste Knoten expandiert.

Hauptproblem: Warteschleifen in lokalen Maxima

Informierte (Heuristische) Suchstrategien

Gegebene Zusatzinformation:

Schätzfunktion $h(\text{Zustand})$ als Maß für die Entfernung zu einem Zielknoten

- nicht zu aufwändig
- aber genau genug, um Suchfunktion nicht in die Irre zu führen

$h()$ liefert einen positiven Wert: Je kleiner der Wert, desto näher der Zielknoten

Anwendung: Optimistisches Bergsteigen

- Spezialform der Tiefensuche
- Es wird nur der Knoten berechnet, der den besten Schätzfunktionwert aufweist
- Zurücksetzen ist nicht möglich: Wenn Schätzfunktion Fehler macht, wird kein Ergebnis gefunden.

Hauptproblem: Feststecken in lokalen Maxima

Informierte (Heuristische) Suchstrategien

Gegebene Zusatzinformation:

Schätzfunktion $h(\text{Zustand})$ als Maß für die Entfernung zu einem Zielknoten

- nicht zu aufwändig
- aber genau genug, um Suchfunktion nicht in die Irre zu führen

$h()$ liefert einen positiven Wert: Je kleiner der Wert, desto näher der Zielknoten

Anwendung: A*-Verfahren

- Spezialform der Bestensuche
- Es wird genau der Knoten expandiert, bei dem die Summe von Kostenbewertung und Schätzfunktionswert optimal ist.

Weitere Infos für die Anwendung von A* in öffentlichen Verkehrsnetzen:

Seminarvortrag und Ausarbeitung von Stefan Görlich, SS 2005, Nr. 5

<http://www.fh-wedel.de/archiv/iw/Lehrveranstaltungen/SS2005/SeminarKI.html>

Informierte (Heuristische) Suchstrategien

Der A*-Algorithmus auf kantenbewerteten Graphen

(Verallgemeinerung des Algorithmus von Dijkstra) (*Zustandsbewertung = Knotenbewertung*)

Voraussetzung an Kantenbewertung: Alle Kantenlängen müssen nichtnegativ sein

Voraussetzung an Heuristik $h_B(u)$ für die Abschätzung bzgl. Weglänge $w_B(u)$ zum Zielknoten B:

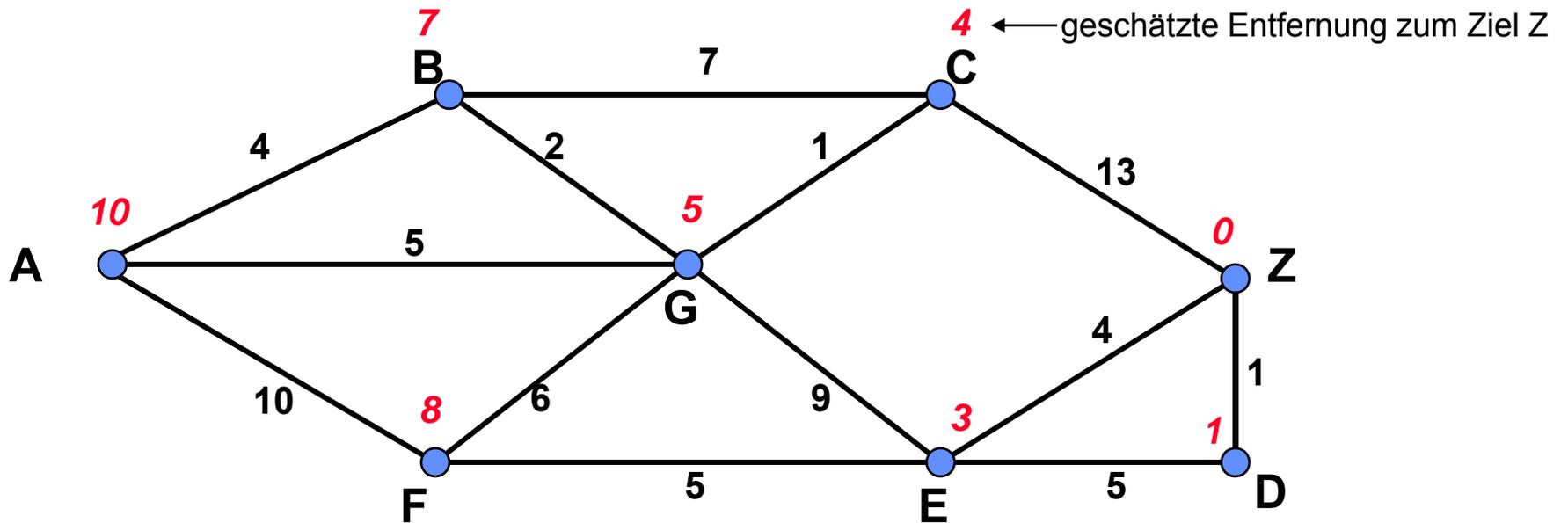
Zulässigkeitsbedingung: $h_B(u) \leq w_B(u)$

Monotoniebedingung: $h_B(u) \leq h_B(v) + \text{Länge}(u,v)$

Algorithmus für Suche des Weges von A nach B mit minimaler Kantenlänge:

- In der Menge **Berechnet** sei nur die Ecke A. Markiere A mit *Weglänge* (A) := 0. In der Menge **Vorläufig** sind alle anderen Ecken des Graphen. Markiere die Nachbarn N von A mit *Weglänge* (N) := *Länge* (A,N)
Schätzung (N) := *Weglänge* (N) + $h_B(N)$
und alle anderen Ecken V mit *Weglänge* (V) := ∞ und *Schätzung* (V) := ∞ .
 - Wiederhole:
 - Wähle die Ecke V aus **Vorläufig** mit der kleinsten *Schätzung* (V) und verschiebe sie in die Menge **Berechnet**.
 - Betrachte alle Nachbarn N von V aus **Vorläufig**:
Weglänge (N) := $\min \{ \text{Weglänge} (N), \text{Weglänge} (V) + \text{Länge} (V,N) \}$.
Schätzung (N) := *Weglänge* (N) + $h_B(N)$ (falls Aktualisierung notwendig).
- bis V = B

Beispiel für A*-Algorithmus



Kürzester Weg von G nach Z: $G \rightarrow E \rightarrow Z$ (13 Einheiten)

Knoten (Wegstrecke von G, direkter Vorgänger, Schätzung zum Ziel):

A(5,G,15)		A(5,G,15)		A(5,G,15)		A(5,G,15)
B(2,G,9)		B(2,G,9)				
C(1,G,5)						
D(∞)	\rightarrow	D(∞)	\rightarrow	D(∞)	\rightarrow	D(14,E,15)
E(9,G,12)		E(9,G,12)		E(9,G,12)		
F(6,G,13)		F(6,G,14)		F(6,G,14)		F(6,G,14)
Z(∞)		Z(14,C,14)		Z(14,C,14)		Z(13,E,13)

Informierte (Heuristische) Suchstrategien

Der A*-Algorithmus auf kantenbewerteten Graphen

(Verallgemeinerung des Algorithmus von Dijkstra) (Zustandsbewertung = Knotenbewertung)

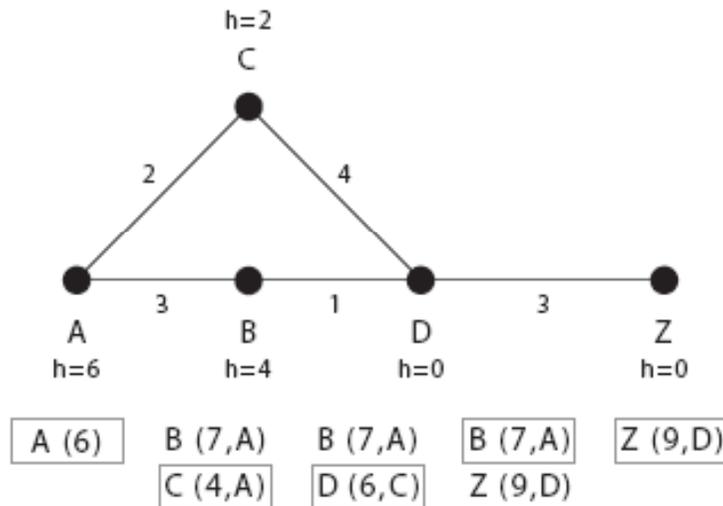
Voraussetzung an Kantenbewertung: Alle Kantenlängen müssen nichtnegativ sein

Voraussetzung an Heuristik $h_B(u)$ für die Abschätzung bzgl. Weglänge $w_B(u)$ zum Zielknoten B:

Zulässigkeitsbedingung: $h_B(u) \leq w_B(u)$

Was passiert bei Wegfall der Monotoniebedingung: $h_B(u) \leq h_B(v) + \text{Länge}(u,v)$

Beispiel:



Aus: Diplomarbeit Andre Keller (SS 2008)

Fehler: D wird nicht mehr aktualisiert, weil es schon in **Berechnet** ist.

Informierte (Heuristische) Suchstrategien

Der A*-Algorithmus auf kantenbewerteten Graphen

(Verallgemeinerung des Algorithmus von Dijkstra) (Zustandsbewertung = Knotenbewertung)

Voraussetzung an Kantenbewertung: Alle Kantenlängen müssen nichtnegativ sein

Voraussetzung an Heuristik $h_B(u)$ für die Abschätzung bzgl. Weglänge $w_B(u)$ zum Zielknoten B:

Nur Zulässigkeitsbedingung: $h_B(u) \leq w_B(u)$

Algorithmus für Suche des Weges von A nach B mit minimaler Kantenlänge:

- In der Menge **Berechnet** sei nur die Ecke A. Markiere A mit *Weglänge* (A) := 0.
In der Menge **Vorläufig** sind alle anderen Ecken des Graphen.
Markiere die Nachbarn N von A mit $Weglänge(N) := Länge(A, N)$
 $Schätzung(N) := Weglänge(N) + h_B(N)$
und alle anderen Ecken V mit $Weglänge(V) := \infty$ und $Schätzung(V) := \infty$.
- Wiederhole:
Wähle die Ecke V aus **Vorläufig** mit der kleinsten *Schätzung* (V)
und verschiebe sie in die Menge **Berechnet**.
Betrachte alle Nachbarn N von V aus **Berechnet** und **Vorläufig**:
 $Weglänge(N) := \min \{Weglänge(N), Weglänge(V) + Länge(V, N)\}$.
 $Schätzung(N) := Weglänge(N) + h_B(N)$ (falls Aktualisierung notwendig).
Falls Aktualisierung bei Nachbarn N* aus Berechnet erfolgte:
Verschiebe N* wieder nach Vorläufig.

bis $V = B$

Allgemeine Optimierungsverfahren für CSP

für 1. Suchmethode (Vervollständigung von Teillösungen):

Zurücksetzen (Backtracking)

- Teste alle Constraints auch bei unvollständigen Variablenbelegungen
- Zustände, die irgendwelche Constraints bereits verletzen, werden nicht weiter expandiert

Vorwärtstest (Forward Checking)

- Reduziere alle Domains für alle noch nicht belegten Variablen, sodass keine Konflikte zwischen Constraints mehr entstehen.
- Setze zurück, wenn die Domains dadurch leer werden.

General Optimisation Methods for CSP

Example for forward checking:

8-queens-problem (solution by Bratko, 3rd method)

Knowledge base:

```
queens3(YList) :-  
  sol(YList, [1,2,3,4,5,6,7,8],  
        [1,2,3,4,5,6,7,8],  
        [-7,-6,-5,-4,-3,-2,-1,0,1,2,3,4,5,6,7],  
        [2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14,15,16]).
```

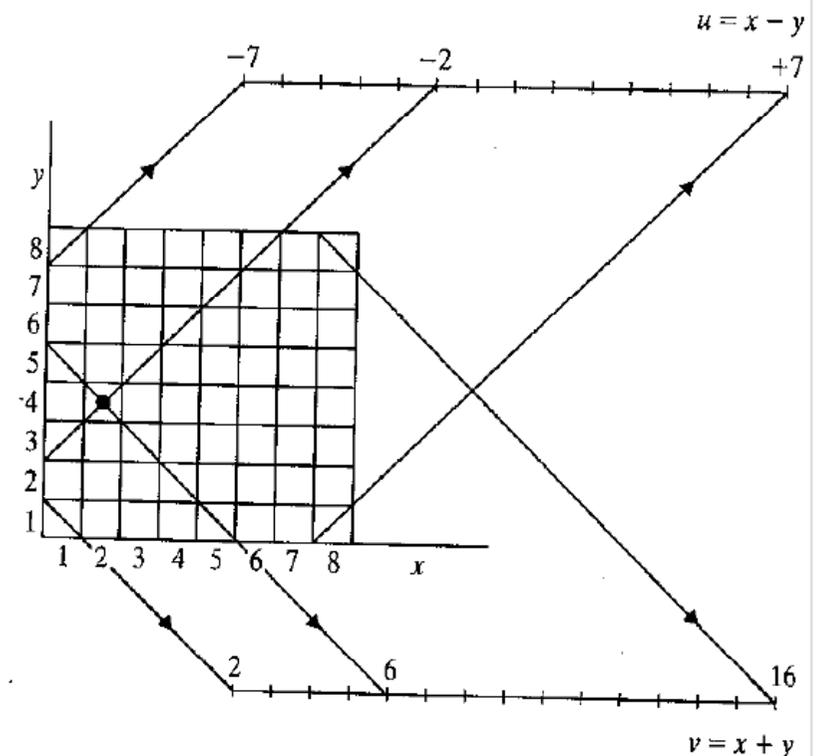
```
sol([],[], DomainY, DomainU, DomainV).
```

```
sol([Y | YTail], [X | XTail], DomainY, DomainU, DomainV) :-  
  del(Y,DomainY,ReducedDomainY),  
  U is X - Y,  
  del(U,DomainU,ReducedDomainU),  
  V is X + Y,  
  del(V,DomainV,ReducedDomainV),  
  sol(YTail, XTail, ReducedDomainY, ReducedDomainU,  
      ReducedDomainV).
```

```
del(Item, [Item|List], List).  
del(Item, [First|Tail],[First|ResultTail]) :-  
  del(Item,Tail,ResultTail).
```

Query:

```
?-queens3(YList).
```



Suchen in Suchgraphen

2. Suchmethode: Systematisches Verbessern v. Gesamtlösungen

(Alternative zur Vervollständigung von Teillösungen)

- **Knoten: beschreibt Zustand in der Suchdomäne**
 - **Zustand: Belegung von allen Variablen mit Werten**
(nicht notwendigerweise alle zulässig)
Jeder Zustand hat eine Bewertung.
- **Kante: Übergang von einem Zustand in einen benachbarten Zustand**
(in der Regel in zwei Richtungen möglich)
 - **Nachbarzustand: Neubelegung von bestimmten Variablen unter Beibehaltung der Werte für alle anderen Variablen**
- **Startknoten: Anfangszustand**
(ist immer eindeutig)
 - **Startknoten: Mit irgendeiner Belegung für alle Variablen fängt man an.**
- **Zielknoten: gewünschter Endzustand (Lösung des Problems)**
(es darf mehrere geben)
 - **Zielknoten: Übergang zu Nachbarzuständen**
ergibt keine Verbesserung der bisher gefundenen optimalen Bewertung

Allgemeine Optimierungsverfahren für CSP

für 2. Suchmethode

(Systematisches Verbessern v. Gesamtlösungen):

Verfahren der minimalen Konflikte (Min-Conflicts)

Idee:

- Start mit einer beliebigen Wertebelegung
- Auswählen von Variablen und Zuweisung neuer Werte, die weniger Konflikte verursachen solange, bis System gelöst

Vorteile:

- bei vielen Praxis-Problemen gutes Laufzeitverhalten
- „Reparieren“ bei kleinen Veränderungen des Systems

Nachteile:

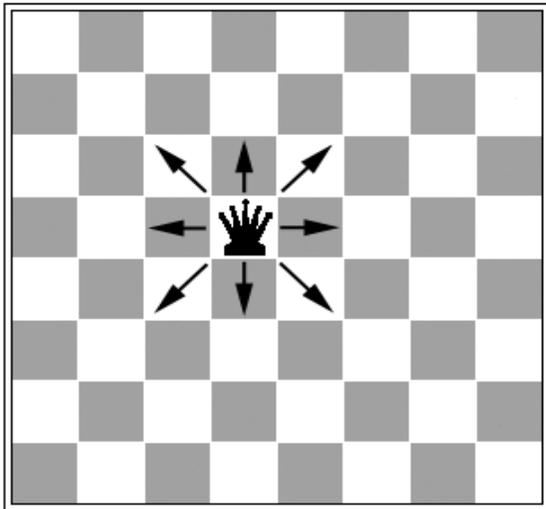
- „Hängen bleiben“ in lokalen Minima
 - Gegenmaßnahmen: Random-Walk, **Tabu-Liste**, ...

Weitere Details zum Thema Constraintsysteme: Seminarvortrag/Ausarbeitung von Stefan Schmidt, SS 2005, Nr. 6,
<http://www.fh-wedel.de/archiv/iw/Lehrveranstaltungen/SS2005/SeminarKI.html>

Allgemeine Optimierungsverfahren für CSP

Verfahren der minimalen Konflikte (Min-Conflicts)

Anwendungsbeispiel: 8-Damen-Problem

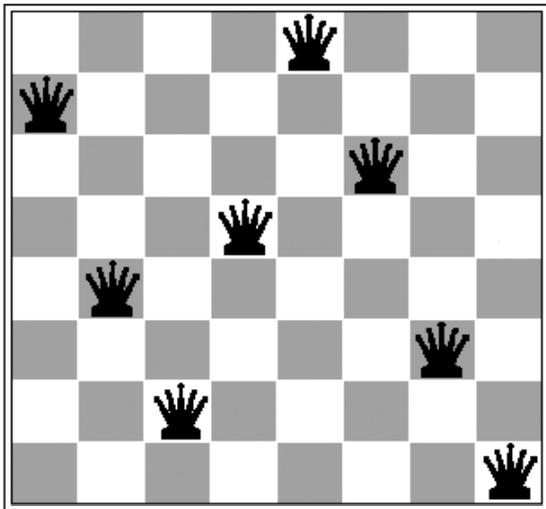


Quelle: Seminarvortrag von Stefan Schmidt, SS 2005, Nr. 6,
<http://www.fh-wedel.de/archiv/iw/Lehrveranstaltungen/SS2005/SeminarKI.html>

Allgemeine Optimierungsverfahren für CSP

Verfahren der minimalen Konflikte (Min-Conflicts)

Anwendungsbeispiel: 8-Damen-Problem

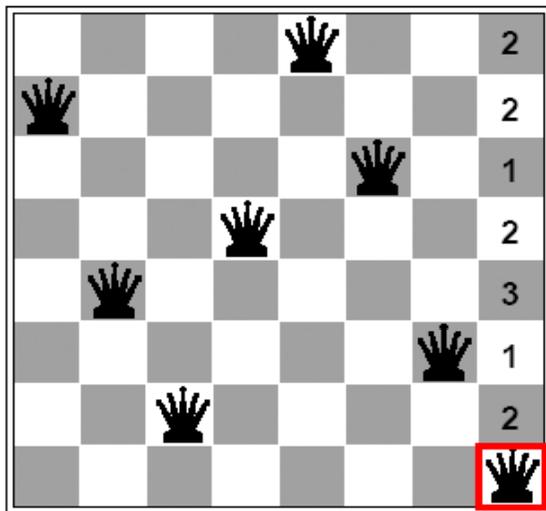


Quelle: Seminarvortrag von Stefan Schmidt, SS 2005, Nr. 6,
<http://www.fh-wedel.de/archiv/iw/Lehrveranstaltungen/SS2005/SeminarKI.html>

Allgemeine Optimierungsverfahren für CSP

Verfahren der minimalen Konflikte (Min-Conflicts)

Anwendungsbeispiel: 8-Damen-Problem

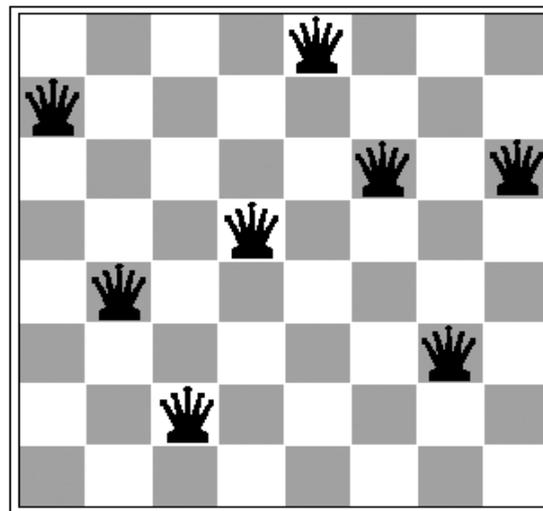
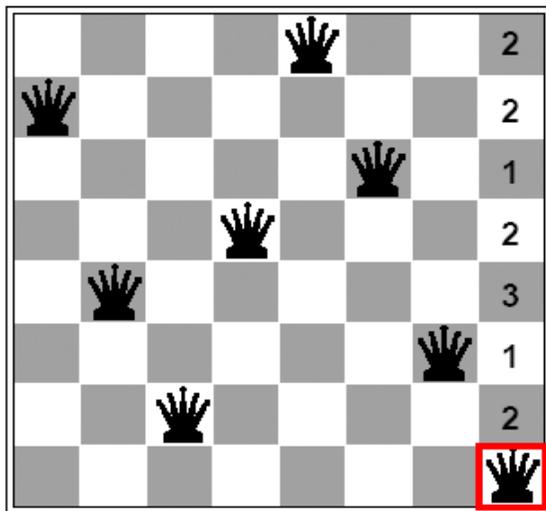


Quelle: Seminarvortrag von Stefan Schmidt, SS 2005, Nr. 6,
<http://www.fh-wedel.de/archiv/iw/Lehrveranstaltungen/SS2005/SeminarKI.html>

Allgemeine Optimierungsverfahren für CSP

Verfahren der minimalen Konflikte (Min-Conflicts)

Anwendungsbeispiel: 8-Damen-Problem

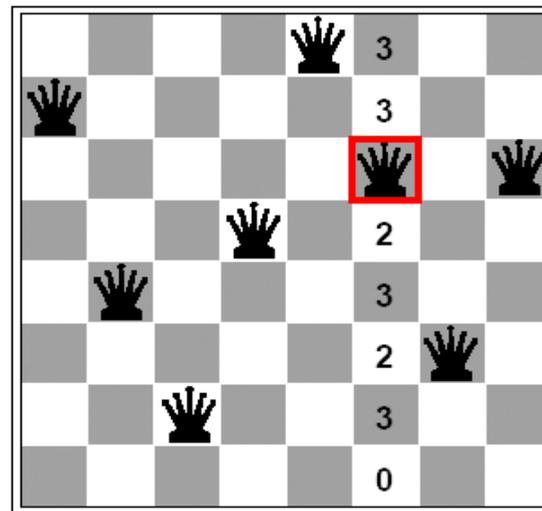
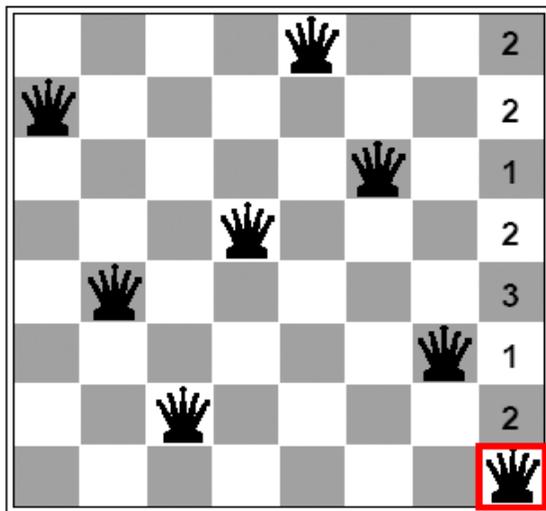


Quelle: Seminarvortrag von Stefan Schmidt, SS 2005, Nr. 6,
<http://www.fh-wedel.de/archiv/iw/Lehrveranstaltungen/SS2005/SeminarKI.html>

Allgemeine Optimierungsverfahren für CSP

Verfahren der minimalen Konflikte (Min-Conflicts)

Anwendungsbeispiel: 8-Damen-Problem

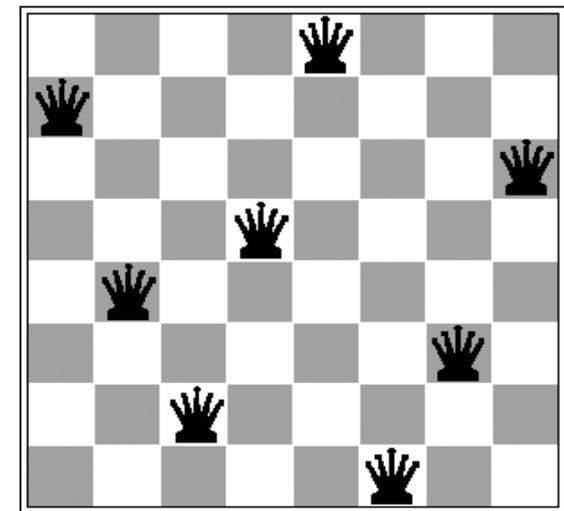
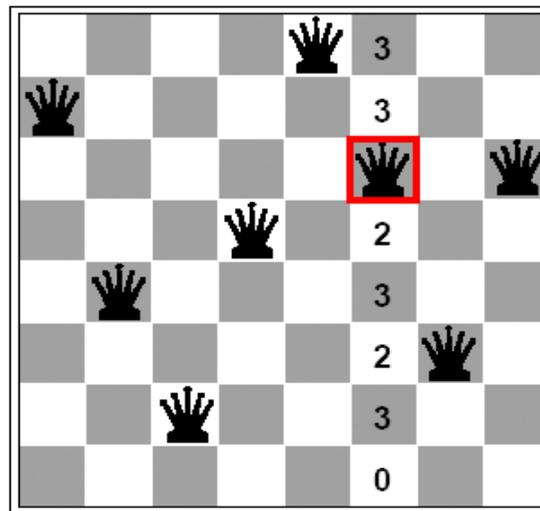
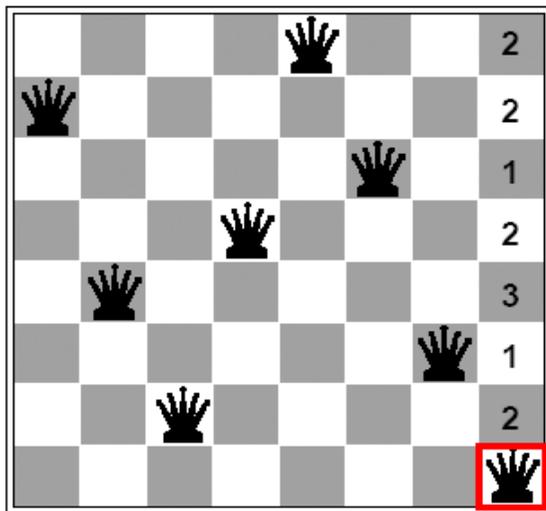


Quelle: Seminarvortrag von Stefan Schmidt, SS 2005, Nr. 6,
<http://www.fh-wedel.de/archiv/iw/Lehrveranstaltungen/SS2005/SeminarKI.html>

Allgemeine Optimierungsverfahren für CSP

Verfahren der minimalen Konflikte (Min-Conflicts)

Anwendungsbeispiel: 8-Damen-Problem

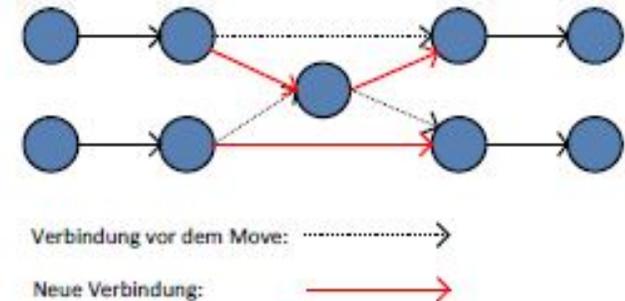


Quelle: Seminarvortrag von Stefan Schmidt, SS 2005, Nr. 6,
<http://www.fh-wedel.de/archiv/iw/Lehrveranstaltungen/SS2005/SeminarKI.html>

General Optimisation Methods for CSP

Working with tabu lists in search graphs:

- Determine a certain validity range for the algorithm, e.g. by a given number of operations
- Protocol all edges used in a transition from one state to another
- All edges used within the previous validity range are not to be used again, neither their counterdirection.



Further enhancement: Simulated annealing

- Admit temporary deteriorations.
- Diminish the tolerance bound for deterioration in the course of algorithmic progress gradually.

These methods will mainly be used in improvements of total solutions

- Good results in logistics (TSP generalisations)