

Computer Algebra

Sebastian Iwanowski
FH Wedel

1. Arbeiten mit Maxima

Computer Algebra 1

On-line Literatur zu Maxima

- On-line Hilfe zu Maxima (integriert in Werkzeug)
- Reference Manual

- Introduction Richard Rand (Cornell University)
- Einführung Robert Glöckner (EDV-Experte)
- Minimal Maxima Robert Dodier (University of Colorado)
- Maxima-Beispiele Jürgen Sprau (BBS Rodalben/Pfalz)

- Vergleich zu anderen CAS: Vorlesungsskript Gräbe (Uni Leipzig)

Computer Algebra 1

Grundlagen

- Lisp-basiert
Listenorientierung, Auswertung und Nichtauswertung
- Ausdrucksmanipulation
Vielfältige Möglichkeiten der Umformung, verschiedene Kriterien,
wichtigste Vokabeln: factor, expand, simplify
- Variablen und Funktionen
Zuweisungen, Unterscheide f von $f(x)$
- Plotten
Definitions- und Wertebereiche, Plotmodi, Plotziele

Computer Algebra 1

Anwendung: Kurvendiskussion

- Ableitungen bilden
- Nullstellen berechnen
- Funktionswerte berechnen
- Schnittpunkte berechnen
- Grenzwerte berechnen
- Numerische Näherungswerte berechnen
- Asymptoten berechnen
- Funktion im geeigneten Bereich zeichnen

Algorithmische Herausforderungen:

- Zusammenfassung und Vereinfachung von Brüchen
- Faktorisieren und Ausmultiplizieren von Ausdrücken
- Manipulation algebraischer Ausdrücke

Computer Algebra 1

Aufgaben zur Kurvendiskussion

6. Diskutieren Sie die Funktion f zu $f(x)$!

a) $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - 9x$

b) $f(x) = x^3 - x^2 - x + 1$

c) $f(x) = x^4 - 3x^2 - 4$

d) $f(x) = x^3 - 7x^2 + 36$

e) $f(x) = 9x^2 - x^4$

f) $f(x) = x^4 - 2x^3$

g) $f(x) = x^4 - 4x^3 + 27$

h) $f(x) = x^5 + 20x^2$

i) $f(x) = \frac{1}{10}(x^5 - 15x^3)$

4. Diskutieren Sie die Funktion f !

a) $f(x) = \frac{x^2 + 3}{x - 1}$

b) $f(x) = \frac{1}{x^2 - 9}$

c) $f(x) = \frac{x}{x^2 - 1}$

d) $f(x) = \frac{2x}{x^2 + 1}$

e) $f(x) = \frac{4x^2}{1 + x^2}$

f) $f(x) = \frac{4}{1 + x^2}$

g) $f(x) = \frac{1}{x^2 - 16}$

h) $f(x) = \frac{1}{x^2 + 2x}$

i) $f(x) = \frac{x^2 + 2x}{x^2 - x - 6}$

j) $f(x) = \frac{x^3}{x^2 - 2x + 1}$

k) $f(x) = \frac{2x^2 - 4}{x^3 - 2}$

l) $f(x) = \frac{(x - 1)^2}{x + 2}$

m) $f(x) = \frac{16}{x^2(x + 2)^2}$

n) $f(x) = \frac{x^3}{x^2 - 3}$

o) $f(x) = \frac{9 - x^2}{1 - x^2}$

p) $f(x) = \frac{x^2 + 2x + 1}{x^2 - 16}$

9. Diskutieren Sie die Funktion f über den angegebenen Intervallen!

a) $f(x) = \frac{3 \cos x}{2 + \sin x}; [-\pi; 2\pi]$

b) $f(x) = \frac{3}{2 - \sin x}; [-2\pi; 2\pi]$

c) $f(x) = \frac{4 \sin x}{2 + \cos^2 x}; [-\pi; \pi]$

d) $f(x) = \frac{3 - 2 \sin x}{1 + 2 \sin x}; [0; 2\pi]$

e) $f(x) = 2 \sin x \cdot (1 - 2 \cos x); \left[-\frac{\pi}{2}; 2\pi\right]$

f) $f(x) = \cos 2x - 2 \cos x; [0; 2\pi]$

Computer Algebra 1

Anwendung: Matrixmanipulation

- Matrizen eingeben
- Matrixoperationen
- Eigenwerte und Eigenvektoren berechnen

Algorithmische Herausforderungen:

- Schnelle Matrixoperationen
- Schnelle Determinantenberechnung

Computer Algebra 1

Anwendung: Gleichungssysteme

- Gleichungssysteme eingeben
- Lineare Gleichungssysteme lösen
- Polynomielle Gleichungssysteme lösen
- Lineare Optimierungsprobleme lösen

Algorithmische Herausforderungen:

- Lösung polynomieller Gleichungssysteme
- Schnelle lineare Optimierung
- Erweiterung der linearen Optimierung auf polynomielle Optimierung